

نھم پايده رياضي خصائص

(دوره اول متوسطه)

نام و نام خانوادگی:

نام معلم:

نام مدرسه:

کلاس:

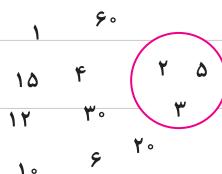
سال تحصیلی:



صفحة ۲ کتاب درسی

معزفی ۲۰۱۹

## فعالیت



در شکل روبه رو شمارنده‌های طبیعی عدد ۶۰ را نوشته‌ایم و بین آن‌ها شمارنده‌های اول را مشخص کرده‌ایم. شما هم شمارنده‌های ۶۰ را که اول نیستند، در یک منحنی بسته قرار دهید.

اگر شمارنده‌های طبیعی و اول عدد ۶۰ یعنی ۲، ۳ و ۵ را در داخل دو آکлад قرار دهیم و آن را با حروفی چون

A یا B یا ... نام‌گذاری کنیم و بنویسیم  $\{2, 3, 5\} = A$ ; در این صورت یک **مجموعه** تشکیل داده‌ایم و به

هریک از عددهای ۲، ۳ و ۵ یک عضو مجموعه A می‌گوییم؛ پس مجموعه A دارای ۳ عضو است.

\* شما شمارنده‌های مرکب عدد ۶۰ را به صورت یک مجموعه بنویسید و آن را B بنامید.

\* مجموعه شامل شمارنده‌های عدد ۶۰ که نه اول باشند و نه مرکب، چند عضو دارد؟ این مجموعه را نیز C بنامید و آن را نمایش دهید.

\* مجموعه D شامل همه شمارنده‌های دورقمی ۶۰ را تشکیل دهید؛ این مجموعه چند عضو دارد؟

از رضا و احمد خواسته شد تا مجموعه شامل ۳ شمارنده زوج عدد ۶۰ را تشکیل دهند. احمد نوشت: {۱۰، ۶، ۴}

و رضا نوشت: {۱۲، ۱۰، ۶}. به نظر شما چرا جواب‌های آن‌ها باهم فرق دارد؟

در نمایش مجموعه‌ها، ترتیب نوشتن عضوهای مجموعه، مهم نیست و با جایه‌جایی عضوهای یک مجموعه، مجموعه جدیدی ساخته نمی‌شود؛ همچنین با تکرار عضوهای یک مجموعه، مجموعه جدیدی ساخته نمی‌شود؛ بنابراین به جای {۳، ۳، ۳} می‌نویسیم {۳، ۳، ۳}.

## فعالیت



کدام یک از عبارت‌های زیر، مشخص کننده یک مجموعه است؟ مجموعه موردنظر را نمایش دهید.

الف) عددهای طبیعی و یک رقمی

ب) چهار شاعر ایرانی

ج) دو عدد اول کوچک‌تر از ۱۲

با توجه به شرط متمایز بودن عضوهای یک مجموعه، جاهای خالی را پر کنید:

الف) به جای  $\{ \dots , \dots , \dots , \dots \}$  باید بنویسیم  $A = \{1, 2, 1, 4\}$

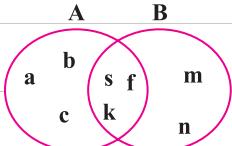
ب) به دلیل تکراری بودن عدد در  $\{5, 6, 5, 7\}$  آن را به صورت می‌نویسیم.

**نتیجه**  
اگر مجموعه  $A$  را به صورت  $A = \{a, b, \dots, \dots\}$  در نظر بگیریم، برای نشان دادن اینکه  $a$  عضوی از مجموعه است، می‌نویسیم  $a \in A$  و می‌خوانیم « $a$  عضو  $A$  است» و چون عدد  $4$  عضو  $A$  نیست، می‌نویسیم  $4 \notin A$  و می‌خوانیم « $4$  عضو  $A$  نیست».

## فعالیت



با توجه به نمودار ون، که برای دو مجموعه  $A$  و  $B$  رسم شده است، مجموعه‌های  $A$  و  $B$  را با عضوهایشان مشخص کنید.



دو مجموعه  $\{5, 6, 7, 8\} = B$  و  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\} = A$  را در نظر بگیرید.

دو مجموعه را با یک نمودار ون نمایش دهید. کدام عددها هم در منحنی بسته مربوط به  $A$  و هم در منحنی

بسه  $B$  وجود دارد؟

مجموعه عددهای دورقی و زوج اول را بنویسید و آن را E بنامید. این مجموعه چند عضو دارد؟

۳

## نکته

اگر در مجموعه‌ای عضوی وجود نداشته باشد، آن را مجموعه تهی می‌نامیم و با نماد  $\emptyset$  یا {} نمایش می‌دهیم. توجه شود که این مجموعه با مجموعه  $\{\emptyset\}$  یا {} که هر کدام دارای یک عضو هستند، یکی نیست.

کدام یک از عبارت‌های زیر، مجموعه تهی را مشخص می‌کند؟

۴

- ب) عددهای صحیح بین -1 و 1
- الف) عددهای طبیعی بین 5 و 4
- د) عددهای طبیعی یک رقمی و مضرب 3 که اول باشد.
- ج) عددهای اول و زوج

صفحه ۴ و ۵ کتاب درسی

## کار در کلاس



۱ سه عبارت بنویسید که هر کدام نشان‌دهنده مجموعه تهی باشد؛ سپس عبارت‌های خود را با نوشه‌های

هم کلاسی‌های خود مقایسه کنید.

۲

۲ سه عبارت بنویسید که هر کدام مشخص‌کننده مجموعه‌ای فقط با یک عضو باشد.

عبارت‌هایی که مجموعه‌ای را مشخص می‌کند، با علامت ✓ و بقیه را با علامت ✗ مشخص کنید. (با ذکر دلیل).

ب) سه عدد طبیعی زوج متوالی با شروع از ۲

د) سه شهر ایران

ج) عدهای اول کوچک‌تر از ۲۰

و) ۵ عدد بزرگ

ه) شمارندهای عدد ۴۴

ز) عدهای طبیعی بین ۲ و ۳

مانند نمونه کامل کنید:

$$A = \{ \dots, b, a, \dots, p, i \}$$

مجموعه حروف الفبای فارسی

$$B = \{ 4, 8, 12, \dots \}$$

$$\{ 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 \}$$

مجموعه حروف a و b و عدد ۳

مجموعه عدهای صحیح بین -۲ و ۳

$$D = \{ 5 \}$$

مجموعه مضرب‌های طبیعی عدد ۴

$$E = \{ \}$$

مجموعه عدهای اول یک رقمی

$$F = \{ 2, 4, 6, 8 \}$$

مجموعه مضرب‌های اول عدد ۵

مجموعه عدهای طبیعی بین ۲ و ۱۰

$$\{ 3, a, b \}$$

$$H = \{ 2, 3, 5, 7 \}$$

$$\{ 6, 4, 2, 8 \}$$



کدام یک از عبارت‌های زیر مشخص کننده یک مجموعه است؟ با نمودار و نشان دهید:

الف) عدهای صحیح مثبت و کم‌تر از ۱۰

ب) شمارندهای اول عدد ۱۹

ج) عدهایی که شش وجه یک تاس معمولی را مشخص می‌کند.

د) جواب‌های معادله  $2x + 8 = 1$

ه) چهار میوه خوشمزه

و) عدهای صحیح منفی و بزرگ‌تر از -۸



۱) متناظر با هر عبارت، یک مجموعه و متناظر با هر مجموعه، یک عبارت بنویسید و تعداد عضوهای هر مجموعه

را تعیین کنید.

$$A = \{1, 8, 27, 64, 125\}$$

$$C = \{10\}$$

ج) عددهای طبیعی مضرب ۵ و کوچک‌تر از ۱۰۰

د) عددهای طبیعی بزرگ‌تر از ۴ و کوچک‌تر از ۵

ه) عددهای صحیح منفی که بین ۴ و ۷ قرار دارد.

و) عددهای اول دورقمی که مضرب ۷ باشد.

۲)

جاهای خالی را طوری کامل کنید تا عبارت حاصل، درست باشد.

الف) عبارت «۵ عدد طبیعی که بین ۱ و ۲۰ قرار داشته باشد» یک مجموعه را مشخص

ب) مجموعه  $\{9, \dots, 2, 3, 4\}$  دارای عضو است.

ج) مجموعه  $A = \{\dots, 0\}$  دارای عضو است.

د) با توجه به مجموعه  $\{1, 3, 5, 7, 9, 11\} = A$ ؛ عضو  $A$  است یا با نماد ریاضی، و ۱۲ عضو

$A$  نیست یا با نماد ریاضی،

۳)

سه مجموعه متفاوت بنویسید که عدد ۲ عضو آن‌ها باشد.



۱)

جدول عددهای صحیح رویه‌رو را طوری کامل کنید که مجموع عددهای روی هر

۱۰		۱۲
-۴		-۲

سطر، هر ستون و هر قطر آن برابر ۱۲ شود؛ سپس مجموعه عددهای سطر دوم جدول را بنویسید و آن را  $A$  بنامید.

اکنون مجموعه  $B$  را چنان بنویسید که شامل سه عدد زوج متوالی و میانگین عضوهای آن با ۴ برابر باشد.

هر یک از مجموعه های  $A$  و  $B$  چند عضو دارد؟

آیا هر عضو  $A$  در مجموعه  $B$  است؟

### پنهان

همان طور که ملاحظه کردید، عضوهای دو مجموعه  $A$  و  $B$  یکسانند و هر عضو  $A$ ، عضوی از  $B$  و هر عضو  $B$ ، عضوی از  $A$  است؛ در این صورت دو مجموعه  $A$  و  $B$  برابراند و می‌نویسیم  $A = B$ .

۲ مجموعه  $A$  شامل سه عدد طبیعی متوالی است به طوری که حاصل جمع آنها برابر ۲۷ است. ابتدا  $A$  را با

عضوهای آن بنویسید؛ سپس مجموعه هایی را مشخص کنید که در زیر معرفی شده و با  $A$  برابر است:

الف) مجموعه عددهای طبیعی بین ۶ و ۱۰

ب) مجموعه عددهای طبیعی بزرگ‌تر از ۷ و کوچک‌تر از ۱۱

ج) مجموعه سه عدد طبیعی متوالی که میانگین آنها با ۹ برابر است.

### صفحه ۶ و ۷ کتاب درسی

### کار در کلاس



۱ جاهای خالی را در مجموعه های زیر طوری پر کنید که مجموعه ها برابر باشد:

$$\text{الف)} \{ \sqrt{25}, \quad , \quad , \frac{2}{5}, \quad , \quad , \frac{9}{5} \} = \{ \frac{2}{3}, \quad , \quad , -\sqrt{144}, \quad , \quad , (-2)^2 \}$$

$$\text{ب)} \{ 7, \quad , \frac{4}{10}, \quad , \sqrt{\frac{4}{9}}, \quad , -\frac{1}{2}, \quad , \quad , 0/625 \} = \{ \frac{2}{3}, \quad , \frac{2}{5}, \quad , -0/5, \quad , \frac{5}{8}, \quad , \quad , -2 \}$$

۲ دو مجموعه به نامهای  $A$  و  $B$  مانند سؤال بالا طرح کنید. پاسخ خود را با دوستانتان مقایسه کنید.

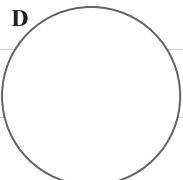
صفحه ۷ کتاب درسی

زیرمجموعه

## فعالیت



مجموعه عددهای جدول فعالیت قبل را  $D$  بنامید؛ سپس عضوهای مجموعه  $D$  را در



نمودار ون رو به رو بنویسید.

در نمودار بالا، عضوی را که بر ۳ بخش پذیر است، با یک منحنی بسته مشخص کنید و  $B$  بنامید.

مجموعه  $B$  را بنویسید. آیا هر عضو  $B$ ، عضوی از  $D$  نیز هست؟

در مجموعه  $D$ ، عددهای زوج را مشخص کنید و آن را  $C$  بنامید؛ آیا  $C = D$  است؟

آیا مجموعه  $C$  زیرمجموعه  $D$  است؟

## نکته

با توجه به تعریف زیرمجموعه، واضح است که هر مجموعه، زیرمجموعه خودش هست؛ یعنی اگر  $A$  مجموعه‌ای

$$A \subseteq A$$

دلخواه باشد، داریم:

اکنون زیرمجموعه‌ای از  $D$  را مشخص کنید که عضوهای آن عددهای فرد باشد؛ نام دیگر این مجموعه چیست؟

آیا عبارت  $D \subseteq \{1, 2, 4, -6\}$  درست است؟ چرا؟

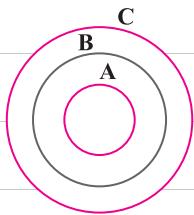
## نکته

اگر بتوانیم عضوی در  $B$  بیابیم که در  $A$  نباشد، می‌گوییم  $B$  زیرمجموعه  $A$  نیست و می‌نویسیم  $B \not\subseteq A$ .

آیا در مجموعه تهی عضوی هست که در مجموعه دلخواهی مانند  $A$  نباشد؟

## نکته

مجموعه تهی زیرمجموعه هر مجموعه‌ای دلخواه مانند  $A$  است:  $\emptyset \subseteq A$ .



با توجه به نمودار مقابل، دلیل درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

$C \subseteq A$

$B \subseteq A$

$A \subseteq C$

$A \subseteq B$

$B \subseteq C$

$\emptyset \subseteq A$

مجموعه‌های  $A$ ،  $B$  و  $C$  را درنظر بگیرید؛ سپس درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید

$$A = \{1, 3, 5, 4\}, \quad B = \{5, 1, 3\}, \quad C = \{2, 5, 1, 3, 6\} \quad (\text{با ذکر دلیل}).$$

$B \subsetneq A$

$3 \subseteq B$

$A \subseteq B$

$B \subseteq C$

$A \not\subseteq C$

$2 \in A$

$\{1, 4\} \in A$

$6 \notin A$

$\{5, 6\} \subseteq C$

$\Delta \in C$

$\circ \subseteq A$

همه زیرمجموعه‌های  $A = \{a, b, c\}$  در زیرنوشته شده است:

$$\emptyset, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}$$

مانند نمونه، تمام زیرمجموعه‌های هریک از مجموعه‌های زیر را بنویسید:

الف) مجموعه عددهای طبیعی بین ۹ و ۱۲.

ب)  $\{a, b, c, d\}$

مجموعه‌های زیر را با عضوها مشخص کنید:

الف) مجموعه عددهای صحیح فرد

$$A = \{x \mid x \in \mathbb{Z}, -5 \leq x < 5\}$$

$$B = \{3k+2 \mid k \in \mathbb{Z}\}$$

صفحه ۱۰ کتاب درسی

تمرین



۱) مجموعه  $\{ -2, -1, 0, 1, 2 \}$  را در نظر بگیرید. کدام یک از مجموعه‌های زیر با هم برابر است؟

$$B = \{x \mid x \in A, x^2 \leq 2\}, \quad C = \{x \mid x \in A, -1 \leq x \leq 1\}, \quad D = \{x \mid x \in A, x^4 = 1\}$$

۲) سه مجموعه مانند  $A$ ,  $B$  و  $C$  بنویسید؛ به طوری که  $A \subseteq B$  و  $C \subseteq B$ . آیا می‌توان نتیجه گرفت  $C \subseteq A$  است؟

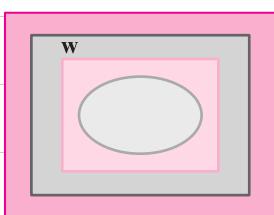
۲

۳) تمام زیرمجموعه‌های هر یک از مجموعه‌های زیر را بنویسید:

۳

$$(الف) A = \{x \mid x \in \mathbb{N}, 2x+1=3\}$$

$$(ب) B = \{2x \mid x = 0, 2, 3\}$$



۴) نمودار روبه‌رو، وضعیت مجموعه‌های  $Q$ ,  $\mathbb{N}$ ,  $\mathbb{W}$  و  $\mathbb{Z}$  را نسبت به هم

نشان می‌دهد؛ آن‌ها را نام‌گذاری و با علامت  $\subseteq$  با هم مقایسه کنید.

۵) درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را با ذکر دلیل مشخص کنید:

(الف) هر عدد گویا عددی حسابی است.

(ب) هر عدد حسابی عددی گویاست.

(ج) هر عدد صحیح عددی گویاست.

(د) بعضی از عدهای گویا، عدد صحیح‌اند.

صفحة ۱۱ کتاب درسی

اجتماع، اشتراک و تقاضه مجموعه ها

فعالیت



در کلاس درس، علی و رضا عضو هر دو تیم والبیال و فوتبال هستند. سامان، احسان، فرشید و حسین فقط

در تیم والبیال و محمد، حسن، کیوان و سبحان فقط در تیم فوتبال بازی می کنند.

الف) اگر مجموعه دانش آموزان عضو تیم والبیال را با  $V$  و فوتبال را با  $F$  نشان دهیم، این مجموعه ها را با نمودار

ون نمایش دهید و سپس با عضوهایشان بنویسید.

ب) مجموعه دانش آموزان را که در هر دو تیم عضویت دارند، بنویسید.

ج) مجموعه دانش آموزان را که حداقل در یکی از این دو تیم عضویت دارند، بنویسید.

دو مجموعه  $A = \{x \in \mathbb{Z} | -2 \leq x \leq 3\}$  و  $B = \{x \in \mathbb{N} | x \leq 6\}$  را در نظر بگیرید و مجموعه های زیر را با

عضوهایشان تشکیل دهید.

(الف)  $A = \{ \}$

(ب)  $B = \{ \}$

(ج)  $= \{ \text{مجموعه عددی که در هر دو مجموعه } A \text{ و } B \text{ هست} \}$

(این مجموعه را اشتراک  $A \cap B$  می نامیم و با نماد  $\cap$  نشان می دهیم.)

(د)  $= \{ \text{مجموعه عددی که حداقل در یکی از دو مجموعه } A \text{ و } B \text{ هست} \}$

(این مجموعه را اجتماع  $A \cup B$  می نامیم و با نماد  $\cup$  نشان می دهیم.)