

راهنمای استفاده از کتاب

برای کسب بهترین نتیجه در امتحانات مدرسه و کنکور گام‌های زیر را به ترتیب برای هر فصل طی کنید.

فیلم آموزشی

گام

اول

۱. هر فصل به تعدادی جلسه تقسیم شده است.
۲. برای استفاده از فیلم‌های آموزشی هر جلسه QR-Code های صفحه بعد را اسکن کنید.
۳. در هر جلسه مطالب کتاب درسی درس به درس تدریس شده است.
۴. تمرین‌ها و فعالیت‌های کتاب درسی به صورت کامل تدریس شده است.

درسنامه آموزشی

گام

دوم

۱. هر فصل به تعدادی قسمت تقسیم شده است.
۲. در هر قسمت آموزش کاملی به همراه مثال و تست ارائه شده است.
۳. کلیه نکات کنکوری و راهکارهای میان‌بر و تستی مورد نیاز آورده شده است.
۴. تمام تیپ‌های مهم و کنکوری و نیز تمام مطالب کتاب درسی، اعم از فعالیت‌ها و تمرین‌ها در مثال‌ها و تست‌های درسنامه پوشش داده شده است.

پرسش‌های تشریحی

گام

سوم

۱. هر فصل به تعدادی قسمت (دقیقاً منطبق بر قسمت‌بندی گام دوم) تقسیم شده است.
۲. سؤالات از ساده به دشوار و موضوعی مرتب شده‌اند.
۳. تمام تمرین‌ها و فعالیت‌ها و متن کتاب درسی و نیز سؤالات امتحانات نهایی سال‌های قبل که با مباحث کنونی انطباق دارند، پوشش داده شده است.

به جای آن‌که چندین کتاب بخوانید، کتاب‌های گاج را چندین بار بخوانید

FILM

فصل اول: حرکت بر خط راست

83 min	جلسه پنجم: حرکت با شتاب ثابت	112 min	جلسه اول: شناخت حرکت
27 min	جلسه ششم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	50 min	جلسه دوم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی
26 min	جلسه هفتم: سقوط آزاد	22 min	جلسه سوم: حرکت با سرعت ثابت
20 min	جلسه هشتم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	17 min	جلسه چهارم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی

فصل دوم: دینامیک و حرکت دایره‌ای

39 min	جلسه چهاردهم: حرکت دایره‌ای یکنواخت	41 min	جلسه نهم: قوانین حرکت نیوتون
7 min	جلسه پانزدهم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	106 min	جلسه دهم: معرفی برخی از نیروهای خاص
44 min	جلسه شانزدهم: نیروی گرانشی	57 min	جلسه یازدهم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی
18 min	جلسه هفدهم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	18 min	جلسه دوازدهم: تکانه و قانون دوم نیوتون
		5 min	جلسه سیزدهم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی

فصل سوم: نوسان و موج

18 min	جلسه بیست و سوم: تشدید	7 min	جلسه هجدهم: نوسان دوره‌ای
4 min	جلسه بیست و چهارم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	28 min	جلسه نوزدهم: حرکت هماهنگ ساده
13 min	جلسه بیست و پنجم: موج و انواع آن	17 min	جلسه بیستم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی
118 min	جلسه بیست و ششم: مشخصه‌های موج	32 min	جلسه بیست و یکم: انرژی در حرکت هماهنگ ساده
55 min	جلسه بیست و هفتم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	15 min	جلسه بیست و دوم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی

فصل چهارم: برهم‌کنش‌های موج

6 min	جلسه سی و دوم: پراش موج	36 min	جلسه بیست و هشتم: بازتاب موج
5 min	جلسه سی و سوم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	10 min	جلسه بیست و نهم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی
63 min	جلسه سی و چهارم: تداخل امواج	46 min	جلسه سی و ام: شکست موج
50 min	جلسه سی و پنجم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	28 min	جلسه سی و یکم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی

فصل پنجم: آشنایی با فیزیک اتمی

25 min	جلسه چهل و ششم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	47 min	جلسه سی و ششم: اثر فوتوالکتریک و فوتون
20 min	جلسه چهل و هفتم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	33 min	جلسه سی و هفتم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی
5 min	جلسه چهل و هشتم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	26 min	جلسه سی و هشتم: طیف خطی
		43 min	جلسه سی و نهم: مدل اتمی رادرفورد - بور

فصل ششم: آشنایی با فیزیک هسته‌ای

16 min	جلسه چهل و هفتم: شکافت هسته‌ای	36 min	جلسه چهل و سوم: ساختار هسته
20 min	جلسه چهل و هشتم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	10 min	جلسه چهل و چهارم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی
17 min	جلسه چهل و نهم: گداخت (همجوشی) هسته‌ای	38 min	جلسه چهل و پنجم: پرتوزایی طبیعی و نیمه‌عمر
5 min	جلسه پنجاهم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی	16 min	جلسه چهل و ششم: حل پرسش‌ها و مسئله‌های کتاب درسی

فهرست مطالب

فصل اول: حرکت بر خط راست

قسمت اول: شناخت حرکت

قسمت دوم: حرکت با سرعت ثابت

قسمت سوم: حرکت با شتاب ثابت

قسمت چهارم: سقوط آزاد

آموزش	امتحان
۱۰	۲۰۹
۲۹	۲۱۳
۳۶	۲۱۵
۴۸	۲۱۸

فصل دوم: دینامیک و حرکت دایره‌ای

قسمت اول: قوانین حرکت نیوتون

قسمت دوم: معرفی برخی از نیروهای خاص

قسمت سوم: کاربرد قوانین نیوتون در حل مسائل

قسمت چهارم: تکانه و قانون دوم نیوتون

قسمت پنجم: حرکت دایره‌ای یکنواخت و نیروی گرانشی

۵۳	۲۳۱
۶۱	۲۳۳
۷۳	۲۳۵
۷۵	۲۳۶
۸۰	۲۳۷

فصل سوم: نوسان و موج

قسمت اول: بررسی حرکت هماهنگ ساده سامانه جرم - فنر

قسمت دوم: سرعت و شتاب در حرکت هماهنگ ساده

قسمت سوم: انرژی در حرکت هماهنگ ساده

قسمت چهارم: آونگ ساده و پدیده تشدید

قسمت پنجم: معرفی موج

قسمت ششم: موج‌های عرضی

قسمت هفتم: امواج الکترومغناطیسی

قسمت هشتم: موج‌های طولی و صوت

۹۲	۲۴۶
۱۰۵	۲۴۸
۱۱۰	۲۴۹
۱۱۵	۲۵۰
۱۱۹	۲۵۱
۱۲۲	۲۵۲
۱۲۸	۲۵۴
۱۳۱	۲۵۵

فصل چهارم: برهم‌کنش‌های موج

قسمت اول: بازتاب امواج

قسمت دوم: شکست موج

قسمت سوم: پراش و تداخل امواج - امواج ایستاده

۱۴۳	۲۷۰
۱۵۲	۲۷۲
۱۶۱	۲۷۸

فصل پنجم: آشنایی با فیزیک اتمی

قسمت اول: اثر فوتوالکتریک و فوتون

قسمت دوم: طیف پیوسته، طیف خطی و مدل‌های اتمی

۱۷۶	۲۹۳
۱۸۱	۲۹۵

فصل ششم: آشنایی با فیزیک هسته‌ای

قسمت اول: ساختار هسته

قسمت دوم: پرتوزایی طبیعی

قسمت سوم: واپاشی پرتوزا و نیمه عمر

قسمت چهارم: شکافت هسته‌ای

۱۹۸	۳۱۱
۲۰۳	۳۱۲
۲۰۵	۳۱۳
۲۰۷	۳۱۵

قسمت اول

فصل

۱

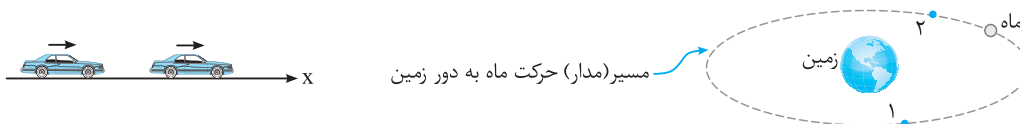
شناخت حرکت

۱۰

بردار مکان، جابه‌جایی و مسافت

حرکت

اگر مکان یک جسم با گذشت زمان نسبت به یک مبدأ مقایسه تغییر کند، می‌گوییم جسم حرکت کرده است. برای نمونه فرض کنید خودرویی در اتوبان تهران - کرج و در خط سبقت در حال حرکت است یا به حرکت ماه به دور زمین دقت کنید که بر خط راست انجام نمی‌شود.



نمونه‌های بالا حرکت جسم را مشخص می‌کند، با این تفاوت که شکل حرکت جسم‌ها (مسیر حرکت) متفاوت است.

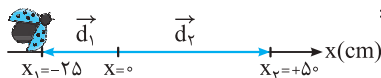
به ساده‌ترین شکل حرکت جسم که بر مسیر مستقیم انجام می‌شود، **حرکت روی خط راست** (حرکت یک بُعدی) می‌گویند. برای بررسی حرکت یک جسم ابتدا مفاهیم زیر را در نظر می‌گیریم:

بردار مکان

بردار است که ابتدای آن مبدأ محور ($x = 0$) و انتهای آن مکان جسم است. برای نمونه فرض کنید خودرویی روی محور افقی مانند شکل زیر قرار دارد، در این صورت می‌توان نوشت:

$$\vec{d} = x \vec{i} \Rightarrow \vec{d} = (4\text{m}) \vec{i}$$

برای نمونه دیگر فرض کنید، کفش دوزکی در جهت مثبت محور x در حال حرکت است و در لحظه‌های $t_1 = 0$ و $t_2 = 3\text{s}$ به ترتیب در مکان‌های $x_1 = -25\text{cm}$ و $x_2 = +50\text{cm}$ قرار دارد. در این صورت بردارهای مکان کفش دوزک به صورت زیر رسم می‌شوند:



با توجه به شکل، $\vec{d}_1$ بردار مکان کفش دوزک در لحظه t_1 ، در جهت منفی محور قرار گرفته است و $\vec{d}_2$ بردار مکان کفش دوزک در لحظه t_2 ، در جهت مثبت محور قرار گرفته است.

نکات مربوط به بردار مکان

- ۱- بردار مکان مشخص‌کننده مکان جسم در یک لحظه است و در مورد حرکت جسم اطلاعاتی مشخص نمی‌کند.
 - ۲- اندازه بردار مکان در هر لحظه، فاصله جسم نسبت به مبدأ محور را مشخص می‌کند.
 - ۳- اگر مبدأ محور تغییر کند، بردار مکان جسم نیز تغییر می‌کند.
 - ۴- اگر جسم در مکان‌های منفی باشد، بردار مکان جسم در جهت منفی محور و اگر در مکان‌های مثبت باشد، بردار مکان جسم در جهت مثبت محور قرار می‌گیرد.
- تذکر** حرکت جسم همواره نسبت به اجسام دیگر بررسی می‌شود. بنابراین حرکت پدیده‌ای نسبی است. برای نمونه، اگر چمدانی در یک اتوبوس در محل بار قرار داشته باشد، نسبت به اتوبوس ساکن است اما نسبت به شخصی که در ایستگاه اتوبوس نشسته است، دارای حرکت است.

بردار جابه‌جایی

پاره‌خط جهت‌داری است که مکان آغازین جسم را به مکان پایانی آن وصل می‌کند. در این صورت می‌توان نتیجه گرفت که برای رسم بردار جابه‌جایی نیاز به گذشت زمان داریم. بردار جابه‌جایی با تفاضل بردار مکان بین دو لحظه برابر است:

$$\vec{d} = \vec{d}_2 - \vec{d}_1$$

تذکر اگر جسم روی خط راست بر محور افقی یا قائم حرکت کند، بردار جابه‌جایی آن را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$\vec{d} = \Delta x \vec{i} \Rightarrow \vec{d} = \Delta x \vec{i} \quad \text{جابه‌جایی افقی} \quad \Delta x = x_2 - x_1$$

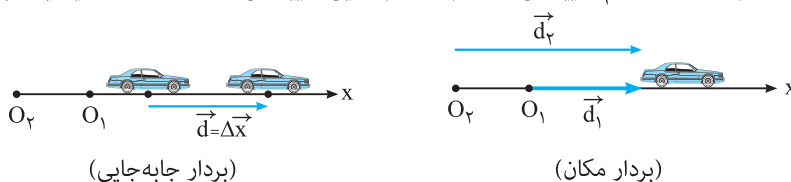
$$\vec{d} = \Delta y \vec{j} \Rightarrow \vec{d} = \Delta y \vec{j} \quad \text{جابه‌جایی قائم} \quad \Delta y = y_2 - y_1$$

برای نمونه، اگر جسمی روی محور افقی از مکان $x_1 = +4\text{m}$ به مکان $x_2 = -4\text{m}$ حرکت کند، جابه‌جایی افقی آن برابر است با:

$$\Delta x = x_2 - x_1 = -4 - (+4) = -8\text{m}$$

یعنی جسم به اندازه ۸ متر در جهت منفی محور افقی جابه‌جا شده است.

نکته اگر مبدأ محور تغییر کند، بردار مکان جسم تغییر می‌کند اما بردار جابه‌جایی تغییر نمی‌کند. در شکل‌های زیر این موضوع بررسی شده است.

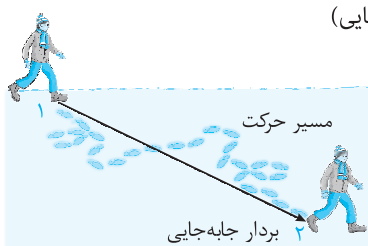


(بردار جابه‌جایی)

(بردار مکان)

مسیر حرکت

مجموعه نقاطی است که متحرک هنگام حرکت بین دو نقطه، از آن‌ها عبور می‌کند. برای نمونه، اگر شخصی روی برف راه رفته باشد، ردّ پایش مشخص می‌شود. به این ردّ پا (جای پا) مسیر حرکت شخص می‌گویند. در شکل مقابل، مسیر حرکت جسم منطبق بر خط راست نبوده و به صورت منحنی است.



مسیر حرکت

بردار جابه‌جایی

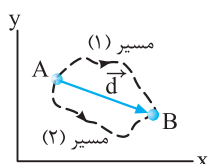
نکته همان‌طور که می‌دانیم حرکت پدیده‌ای نسبی است، در این صورت اگر مبدأ محور تغییر کند، مسیر حرکت نیز تغییر می‌کند.

برای نمونه، اگر داخل اتومبیل روی یک صندلی نشسته باشیم، در این حالت مسیر حرکت قطره‌های باران در راستای قائم است. اما با حرکت اتومبیل، مسیر حرکت قطره‌های باران از نظر شما جهت مایل به خود می‌گیرند.

مسافت (l)

طول مسیر پیموده‌شده توسط متحرک را مسافت می‌گویند.

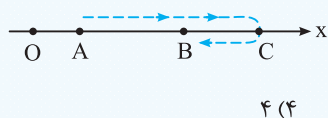
نکته ۱ جابه‌جایی کمیتی برداری است و مقدار آن فقط به مکان آغازین و پایانی جسم بستگی دارد. اما مسافت پیموده‌شده (l) کمیتی عددی است و به شکل مسیر پیموده‌شده بستگی دارد.



نکته ۲ در جابه‌جایی بین دو نقطه می‌توان بی‌شمار مسیر حرکت مشخص کرد که جابه‌جایی، مسیر مستقیم (کوتاه‌ترین مسیر) بین این دو نقطه است. یعنی مقدار جابه‌جایی همواره کوچک‌تر یا مساوی با مسافت پیموده‌شده است.

$$l \geq d$$

نتیجه اگر متحرک بر مسیر مستقیم حرکت کند و جهت حرکت آن تغییر نکند، جابه‌جایی و مسافت پیموده‌شده توسط آن با هم برابر است.



متحرکی مطابق شکل از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا شده است. اگر $\overline{AB} = 2\overline{BC}$ باشد، نسبت مسافت پیموده‌شده به جابه‌جایی کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

$$l = \overline{AC} + \overline{CB} = 4\overline{BC}$$

$$d = \overline{AB} = 2\overline{BC}$$

$$\frac{l}{d} = \frac{4\overline{BC}}{2\overline{BC}} = 2$$

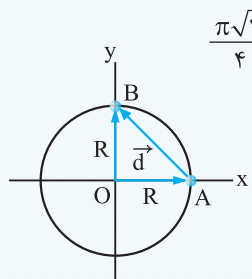
پاسخ: طول مسیر پیموده‌شده توسط جسم برابر با مسافت داریم:

از طرفی جابه‌جایی مستقل از مسیر حرکت بوده و فقط به نقاط ابتدایی و انتهایی حرکت وابسته است. در این صورت داریم:

یعنی:

بنابراین گزینه (۲) درست است.

تست متحرکی روی محیط دایره‌ای به شعاع R به اندازه 90° می‌چرخد. مسافت پیموده‌شده توسط متحرک چند برابر جابه‌جایی است؟



$$\frac{\pi\sqrt{2}}{4} \quad (۴)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (۳)$$

$$R\sqrt{2} \quad (۲)$$

$$\frac{\pi R}{2} \quad (۱)$$

پاسخ: مسافت پیموده‌شده توسط متحرک $\frac{1}{4}$ محیط دایره است و برای محاسبه جابه‌جایی، طول بردار $\overrightarrow{AB}$ را حساب می‌کنیم. در این صورت داریم:

$$\begin{cases} l = \frac{1}{4}(2\pi R) = \frac{\pi R}{2} \\ d = \sqrt{R^2 + R^2} = R\sqrt{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{l}{d} = \frac{\frac{\pi R}{2}}{R\sqrt{2}} = \frac{\pi\sqrt{2}}{4}$$

بنابراین گزینه (۴) درست است.

تست

متحرکی روی محیط دایره‌ای با شعاع ۱۰ متر در مدت یک دقیقه یک دور کامل می‌چرخد. پس از ۲۰ دقیقه، جابه‌جایی و مسافت پیموده‌شده توسط آن به ترتیب از راست به چپ چند متر است؟ ($\pi \approx 3$)

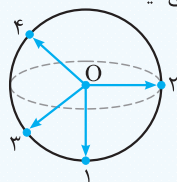
- (۱) ۱۲۰۰، ۱۲۰۰ (۲) ۱۲۰۰، صفر (۳) ۱۲۰۰، صفر (۴) صفر، صفر

پاسخ: در مدت ۲۰ دقیقه متحرک دایره مسیری را ۲۰ بار می‌پیماید و به نقطه شروع حرکت می‌رسد. بنابراین جابه‌جایی انجام‌شده توسط آن در این مدت صفر است. مسافت پیموده‌شده در این مدت برابر است با:
 $I = 20 \times (2\pi R) = 20 \times 20\pi = 400\pi = 1200m$
 بنابراین گزینه (۲) درست است.

تست

جسمی در ۸ متری مبدأ محور قرار دارد. از این نقطه ۳ متر به طرف غرب و ۴ متر به طرف جنوب می‌رود. فاصله نهایی جسم از مبدأ چند متر است؟

- (۱) ۵ (۲) ۷ (۳) ۶/۴ (۴) داده‌ها کافی نیست.



پاسخ: جسم در ابتدا در ۸ متری مبدأ محور قرار دارد اما مکان دقیق آغازین آن مشخص نیست. بنابراین جسم می‌تواند روی هر کدام از نقاط محیط کره‌ای به مرکز مبدأ حرکت و به شعاع ۸ متر واقع باشد. با توجه به متغیر بودن مکان آغازین، مکان پایانی نیز قابل تغییر بوده و ثابت نیست. یعنی فاصله نهایی جسم از مبدأ مشخص نیست. به شکل دقت کنید. بنابراین گزینه (۴) درست است.

تذکر

در بررسی حرکت جسم محور زمان را می‌توان به صورت‌های زیر تقسیم‌بندی کرد:
 یعنی منظور از ثانیه، بازه زمانی به اندازه یک واحد است.

اگر بازه زمانی مشخص شده در محور مقابل را در دو، سه و ... ضرب کنیم، داریم:

دو ثانیه اول $0 \leq t \leq 2s$

دو ثانیه دوم $2s \leq t \leq 4s$

:

دو ثانیه nام $2n - 2 \leq t \leq 2n$

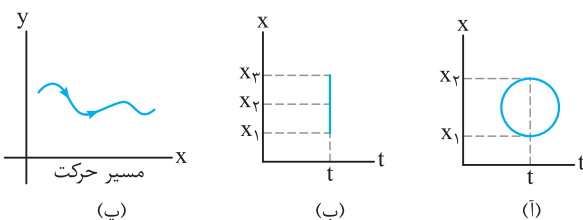
یعنی منظور از دو ثانیه، بازه زمانی به اندازه دو واحد است.

نتیجه

منظور از T ثانیه nام بازه زمانی بین دو لحظه $t_1 = (n-1)T$ و $t_2 = nT$ است.

معادله مکان - زمان (معادله حرکت)

تابعی است که مکان جسم را در هر لحظه مشخص می‌کند. البته باید توجه داشت که در معادله حرکت، مکان تابعی از زمان است. یعنی در این رابطه نمی‌توان لحظه‌ای را مشخص کرد که در آن جسم در دو مکان متفاوت باشد. اما مسیر حرکت جسم الزاماً یک تابع نیست. برای نمونه فرض کنید، نمودار مکان - زمان که با توجه به معادله حرکت رسم می‌شود، مانند شکل‌های (آ) و (ب) باشد.

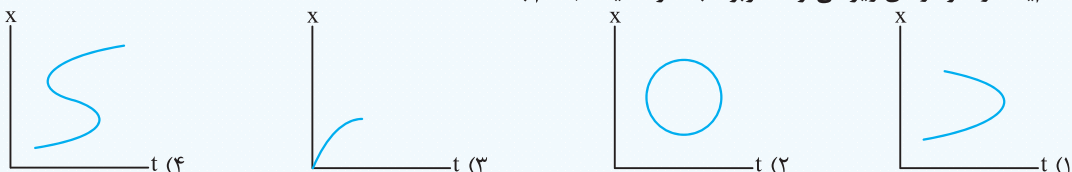


با توجه به نمودارها می‌توان نتیجه گرفت که جسم در یک لحظه در دو یا چند مکان قرار گرفته است که این نتیجه نمی‌تواند مربوط به یک جسم (ذره) باشد؛ یعنی چنین حرکت‌هایی در طبیعت وجود ندارد. اما در شکل (پ) مسیر حرکت جسم رسم شده است.

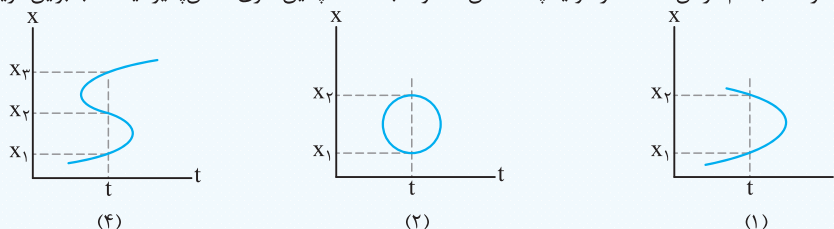
تست

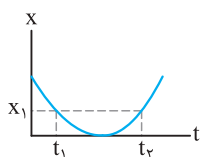
کدام یک از نمودارهای زیر می‌تواند مربوط به حرکت یک جسم باشد؟

(برگرفته از کتاب درسی)



پاسخ: در حرکت یک جسم باید به این نکته توجه داشت که جسم باید در یک لحظه فقط در یک مکان باشد. در این صورت در نمودارهای (۱)، (۲) و (۴) می‌توان لحظه‌ای را مشخص کرد که جسم در آن لحظه در دو یا چند مکان متفاوت باشد که چنین امری امکان‌پذیر نیست. بنابراین گزینه (۳) درست است.





نکته اگر جسمی بر مسیر مستقیمی حرکت رفت و برگشت داشته باشد، می‌تواند در دو لحظه متفاوت در یک مکان قرار داشته باشد. یعنی در نمودار مکان - زمان، جسم می‌تواند در دو لحظه، در یک مکان باشد. به نمودار مکان - زمان روبه‌رو توجه کنید.

تست معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = t^2 - 5t + 2$ است. جابه‌جایی آن در دو ثانیه اول حرکت چند متر است؟

- (۱) +۶ (۲) -۶ (۳) -۴ (۴) +۴

پاسخ: باید توجه داشت که جابه‌جایی مستقل از مسیر حرکت بوده و فقط به نقاط آغازین و پایانی حرکت جسم وابسته است. با استفاده از معادله

مکان - زمان در هر لحظه می‌توان مکان جسم را مشخص کرد. در این صورت داریم:

$$\begin{cases} t_1 = 0 \Rightarrow x_1 = +2m \\ t_2 = 2s \Rightarrow x_2 = (2)^2 - 5(2) + 2 = -4m \end{cases} \Rightarrow \Delta x = x_2 - x_1 = -4 - 2 = -6m$$

علامت جابه‌جایی جسم منفی است، یعنی جسم در این بازه زمانی ۶ متر در جهت منفی محور x (افق) حرکت کرده است. بنابراین گزینه (۲) درست است.

تست معادله مکان - زمان حرکت جسمی در SI به صورت $x = 3t^2 - 21t + 36$ است. این جسم دو بار از مبدأ محور عبور می‌کند. مدت زمان بین این دو عبور چند ثانیه است؟

- (۱) ۱ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۷

پاسخ: هنگام عبور جسم از مبدأ محور، مکان آن برابر صفر است. در این صورت داریم:

$$x = 0 \Rightarrow 3t^2 - 21t + 36 = 0 \Rightarrow t^2 - 7t + 12 = 0 \Rightarrow (t - 3)(t - 4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 3s \\ t_2 = 4s \end{cases}$$

در این صورت مدت زمان دو بار عبور متوالی از مبدأ محور برابر است با:

$$\Delta t = t_2 - t_1 = 4 - 3 = 1s$$

بنابراین گزینه (۱) درست است.

تست معادله مکان - زمان دو متحرک A و B که در لحظه $t = 0$ شروع به حرکت کرده‌اند، به صورت $x_A = 10t + 2$ و $x_B = 4t + 8$ است. این دو متحرک

- (۱) یک بار به هم می‌رسند. (۲) دو بار به هم می‌رسند. (۳) از یک محل شروع به حرکت می‌کنند. (۴) به هم نمی‌رسند.

پاسخ: برای آن‌که دو متحرک به هم برسند، باید در یک لحظه در یک مکان قرار داشته باشند. در این صورت داریم:

$$x_A = x_B \Rightarrow 10t + 2 = 4t + 8 \Rightarrow 6t = 6 \Rightarrow t = 1s$$

در این صورت دو متحرک در لحظه $t = 1s$ در یک مکان قرار گرفته‌اند. توجه داشته باشید که در لحظه شروع حرکت ($t = 0$) مکان اولیه برای دو متحرک یکسان نیست. یعنی گزینه (۳) نادرست و گزینه (۱) درست است.

$$t = 0 \Rightarrow x_A = +2m$$

$$t = 0 \Rightarrow x_B = +8m$$



(ب) سرعت متوسط ($\vec{v}_{av}$)

نسبت جابه‌جایی انجام‌شده به مدت زمان انجام جابه‌جایی را سرعت متوسط می‌گویند. سرعت متوسط کمیتی برداری است. یکای آن متر بر ثانیه (m/s) است که برحسب (km/h) نیز بیان می‌شود.

$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$$

$$1 km/h \times \frac{10}{36} = 1 m/s$$

تذکر برای تبدیل یکای km/h به m/s از رابطه روبه‌رو استفاده می‌کنیم:

تذکر در تبدیل یکای km/h به m/s می‌توانید از اعداد جدول روبه‌رو استفاده کنید:

km/h	m/s
۱۸	۵
۳۶	۱۰
۵۴	۱۵
۷۲	۲۰
۹۰	۲۵

نکته ۱: سرعت متوسط کمیتی برداری است که همواره با بردار جابه‌جایی هم‌جهت است. (به دلیل آن‌که ضرب و تقسیم یک کمیت برداری در کمیتی عددی و مثبت، همواره برداری هم‌جهت با بردار اولیه است.)

نکته ۲: سرعت متوسط کمیتی پیوسته است و با توجه به رابطه محاسبه آن می‌توان نتیجه گرفت که این کمیت اطلاعاتی از نقاط میانی مسیر مشخص نمی‌کند.

اگر سرعت متوسط جسمی در جابه‌جایی بین دو نقطه 20 km/h باشد، می‌توان نتیجه گرفت؛ جسم به طور متوسط در هر ساعت به اندازه 20 کیلومتر جابه‌جا شده است. در این صورت در هر لحظه جسم می‌تواند سرعت دلخواهی داشته باشد یا حتی جسم برای مدتی متوقف شده باشد.

نکته ۳: اگر جسم طوری حرکت کند که نقطه شروع و پایان حرکت یکسان باشد، سرعت متوسط جسم در این حرکت صفر است.

تست جسمی در جهت غرب به شرق 80 متر و سپس از این نقطه 60 متر به طرف شمال حرکت می‌کند. اگر کل زمان حرکت 20 ثانیه باشد، سرعت متوسط جسم در کل حرکت چند متر بر ثانیه است؟

پاسخ: با توجه به شکل، کل جابه‌جایی انجام شده برابر است با:

$$d = \sqrt{60^2 + 80^2} = 100 \text{ m}$$

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{100}{20} = 5 \text{ m/s}$$

در این صورت با توجه به رابطه سرعت متوسط داریم:

بنابراین گزینه (۲) درست است.

قرارداد: در کتاب درسی فیزیک سال دوازدهم، سرعت متوسط را برای حالت خاصی بررسی می‌کنیم که جسم در راستای خط راست حرکت کند. در این صورت محور x ها را منطبق بر مسیر حرکت جسم در نظر گرفته و جابه‌جایی جسم ($\vec{d}$) را با (Δx) و سرعت متوسط را به صورت $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ در حل مسئله‌ها به کار می‌بریم.

نکته بنابر رابطه محاسبه سرعت متوسط:

آ - اگر جسم در جهت مثبت محور x حرکت کند، جابه‌جایی آن مثبت و سرعت متوسط آن نیز مثبت است.

ب - اگر جسم در جهت منفی محور x حرکت کند، جابه‌جایی آن منفی و سرعت متوسط آن نیز منفی است.

تست خودرویی در لحظه $t_1 = 2 \text{ s}$ در مکان $x_1 = +4 \text{ m}$ از مبدأ حرکت و در لحظه $t_2 = 12 \text{ s}$ در مکان $x_2 = -16 \text{ m}$ از مبدأ محور قرار دارد. سرعت متوسط حرکت خودرو در این مدت چند m/s است؟

پاسخ: با توجه به رابطه محاسبه سرعت متوسط داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{\Delta t} = \frac{-16 - (+4)}{12 - 2} = \frac{-20}{10} = -2 \text{ m/s}$$

یعنی اتومبیل به طور متوسط در هر ثانیه به اندازه 2 متر در جهت منفی محور x ها جابه‌جا شده است. بنابراین گزینه (۳) درست است.

ب) تندی متوسط (s_{av})

نسبت مسافت پیموده‌شده به مدت زمان انجام آن را تندی متوسط می‌گویند. این کمیت، نرده‌ای است و همانند سرعت متوسط برای بیان آن از یکای متر بر ثانیه (m/s) یا کیلومتر بر سرعت (km/h) می‌توان استفاده کرد.

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t}$$

اگر تندی متوسط در جابه‌جایی بین دو نقطه برابر 14 m/s باشد، می‌توان نتیجه گرفت، مسافت متوسط پیموده‌شده در هر ثانیه توسط جسم برابر 14 m است.

تست جسمی روی محیط دایره‌ای به شعاع 20 سانتی‌متر در مدت 2 ثانیه، نصف دایره را می‌پیماید. تندی متوسط جسم در این جابه‌جایی چند cm/s است؟

پاسخ: با توجه به شکل، طول مسیر پیموده‌شده از A تا B برابر نصف محیط دایره است.

در این صورت داریم:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{\frac{1}{2} (2\pi r)}{\Delta t} = \frac{\pi r}{\Delta t} = \frac{20\pi}{2} = 10\pi \text{ cm/s} \Rightarrow$$

گزینه (۳) درست است.

تست

شناگری طول استخری را که اندازه آن ۲۰ متر است به مدت ۱۵ ثانیه در مسیر رفت شنا می‌کند و در برگشت این مسیر را در مدت ۲۰ ثانیه بازمی‌گردد. تندی متوسط در کل حرکت شناگر چند m/s است؟

- (۱) $\frac{\lambda}{\gamma}$ (۲) ۱ (۳) $\frac{\gamma}{\lambda}$ (۴) صفر

پاسخ: طول کل مسیر پیموده شده توسط شناگر برابر ۴۰ متر است و این مسیر در مدت ۳۵ ثانیه پیموده شده است. در این صورت داریم:

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{40}{35} = \frac{\lambda}{\gamma} \text{ m/s}$$

بنابراین گزینه (۱) درست است.

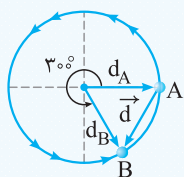
۱۵

تست

جسمی روی دایره‌ای به شعاع r در حال حرکت است. اگر جسم زاویه‌ای به اندازه 30° را طی کند، تندی متوسط آن در این مسیر چند برابر سرعت متوسط است؟ ($\pi \approx 3$)

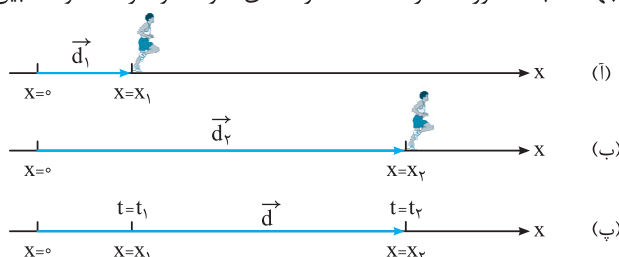
- (۱) $\frac{2}{4}$ (۲) $\frac{5}{12}$ (۳) $\frac{2}{5}$ (۴) ۵

پاسخ: ابتدا جابه‌جایی جسم را حساب می‌کنیم. زاویه بین دو بردار مکان برابر 60° و اندازه این دو بردار با شعاع دایره برابر است. در این صورت مثلث ایجاد شده متساوی‌الاضلاع بوده ($d_A = d_B = d = r$) و جابه‌جایی با شعاع دایره برابر است. از طرفی مسافت پیموده شده با $\frac{5}{6}$ از محیط دایره برابر است، پس می‌توان نوشت:



$$\left. \begin{aligned} s_{av} &= \frac{l}{\Delta t} \\ v_{av} &= \frac{d}{\Delta t} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{s_{av}}{v_{av}} = \frac{l}{d} = \frac{\frac{5}{6} \times 2 \times \pi \times r}{r} = 5 \Rightarrow \text{گزینه (۴) درست است.}$$

تذکر: اگر جسم بر روی خط راست حرکت کند، هنگامی اندازه سرعت متوسط با تندی متوسط آن برابر است که جهت حرکت جسم تغییر نکند. برای نمونه در شکل زیر، اگر دوندۀ همواره در جهت مثبت محور x حرکت کند، اندازه تندی متوسط و سرعت متوسط بین هر دو لحظه با هم برابر است.



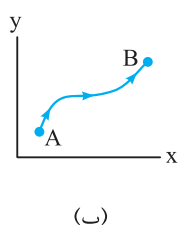
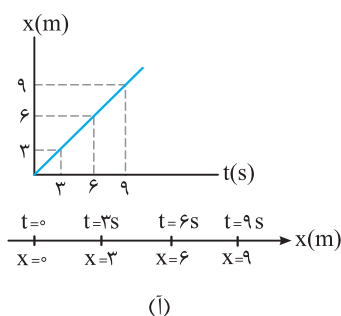
تست

در جابه‌جایی بین دو نقطه تندی متوسط به صورت 2 km/h و سرعت متوسط به صورت 2 km/h گزارش شده است. کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

- (۱) مسیر حرکت جسم دایره‌ای شکل است.
(۲) جسم در صفحه مختصات به صورت دو بُعدی روی مسیر منحنی شکل حرکت می‌کند.
(۳) مسیر حرکت جسم روی خط راست و بدون تغییر جهت است.
(۴) اظهار نظر قطعی ممکن نیست.

پاسخ: اگر جسم بر مسیر مستقیم، بدون تغییر جهت حرکت کند، تندی متوسط و سرعت متوسط آن با هم برابر است. بنابراین گزینه (۳) درست است.

(ت) نمودار مکان - زمان ($x - t$)



نمودار مکان - زمان، نموداری است که بر اساس معادله مکان - زمان حرکت جسم رسم می‌شود. نمودار مکان - زمان مشخص‌کننده مکان متحرک در هر لحظه است و مسیر حرکت را مشخص نمی‌کند. به نمودارهای روبه‌رو توجه کنید:

در نمودار (آ) جسم در حال حرکت روی محور افقی است و نمودار $x - t$ در هر لحظه مکان جسم را مشخص کرده است. در صورتی که در نمودار (ب) مختصات حرکت جسم (x, y) در جابه‌جایی از A تا B (مسیر حرکت) مشخص شده است. یعنی در نمودار (ب) شکل مسیر حرکت جسم آورده شده است.

تعیین جابه‌جایی به کمک نمودار مکان - زمان: برای محاسبه جابه‌جایی، مستقل از شکل نمودار، کافی است که مکان‌های آغازین و پایانی را مشخص کرده و از رابطه جابه‌جایی $(\Delta x = x_f - x_i)$ استفاده کنیم.

تست نمودار مکان - زمان حرکت جسمی روی محور x مطابق شکل است. جابه‌جایی جسم در ۱۰ ثانیه اول حرکت، چند برابر جابه‌جایی جسم در کل حرکت است؟

(۱) $+۰/۶$ (۲) $-\frac{5}{3}$ (۳) $-۰/۶$ (۴) $+\frac{5}{3}$

پاسخ: با توجه به نمودار در ۱۰ ثانیه اول حرکت داریم:

$$\left. \begin{array}{l} t_1 = 0 \Rightarrow x_1 = +5m \\ t_f = 10s \Rightarrow x_f = +8m \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta x = 8 - 5 = 3m$$

در کل حرکت می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{array}{l} t_1 = 0 \Rightarrow x_1 = +5m \\ t_f = 14s \Rightarrow x_f = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta x_T = 0 - 5 = -5m$$

در این صورت داریم:

$$\frac{\Delta x}{\Delta x_T} = -\frac{3}{5} = -0/۶$$

بنابراین گزینه (۳) درست است.

تعیین مسافت به کمک نمودار مکان - زمان: برای محاسبه مسافت، طول مسیر پیموده‌شده در بازه زمانی مشخص‌شده را به وسیله نمودار مکان - زمان محاسبه می‌کنیم.

توجه کنید که نمودار مکان - زمان، شکل مسیر را مشخص نمی‌کند. در این صورت برای تعیین مسافت و جابه‌جایی در این نمودار، فقط محور x را در نظر می‌گیریم.

تست نمودار مکان - زمان حرکت جسمی روی محور x مطابق شکل است. مسافت پیموده‌شده توسط جسم در کل حرکت چند متر است؟

(۱) ۱۴ (۲) ۱۷ (۳) ۲۱ (۴) صفر

پاسخ: مسافت کمیته عددی است و برای محاسبه آن کافی است طول مسیر حرکت را حساب کنیم. در این صورت با توجه به شکل می‌توان نوشت:

$$l = (4 - 3) + (10 - 3) + (10 - 0) + (3 - 0) \Rightarrow l = 21m \Rightarrow \text{گزینه (۳) درست است.}$$

تست نمودار مکان - زمان متحرکی که در حال حرکت بر محور افقی می‌باشد، مطابق شکل است. جابه‌جایی انجام‌شده در ثانیه سوم و مسافت پیموده‌شده پس از ۴ ثانیه چند متر است؟

(۱) $+۵, +۶$ (۲) $+۴, +۶$ (۳) $-۵, -۶$ (۴) $-۴, -۶$

پاسخ: جابه‌جایی انجام‌شده در ثانیه سوم برابر است با:

$$\Delta x = x_3 - x_2 = 15 - 10 = +5m$$

مسافت پیموده‌شده با طول مسیر پیموده‌شده برابر است. در این صورت می‌توان نوشت:

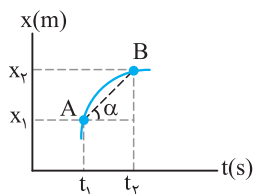
$$l = |\Delta x_{(0-2)}| + |\Delta x_{(2-4)}| = |15 - 10| + |14 - 15| = +6m$$

بنابراین گزینه (۱) درست است.

تست نمودار مکان - زمان حرکت جسمی مطابق شکل روبه‌رو است. کدام یک از گزینه‌ها مسیر حرکت جسم را درست نشان می‌دهد؟

(۱) (۲) (۳) (۴)

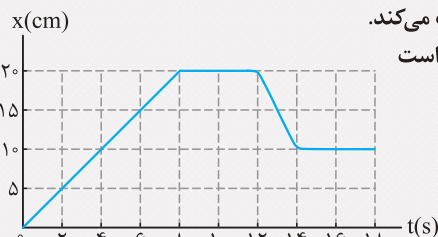
پاسخ: با توجه به نمودار مکان - زمان، جسم از مکان‌های مثبت در جهت مثبت محور x شروع به حرکت کرده است. سپس حرکت خود را در جهت منفی محور x ادامه داده است. بنابراین گزینه (۱) درست است.



تعیین سرعت متوسط به کمک نمودار مکان - زمان: اگر نمودار مکان - زمان متحرکی مشخص باشد، با توجه به رابطه سرعت متوسط $(v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t})$ می توان نتیجه گرفت: شیب خط واصل بین دو نقطه روی نمودار مکان - زمان با سرعت متوسط برابر است.

$$\text{شیب خط AB} = \tan \alpha = v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

در ریاضیات شیب خط را به صورت تانژانت زاویه ای که خط با جهت مثبت محور ایجاد می کند تعریف می کنند.



شکل مقابل نمودار مکان - زمان مورچه ای را نشان می دهد که در راستای محور X حرکت می کند.

(آ) مدت زمانی که مورچه در جهت مثبت محور X حرکت می کند، چند برابر مدت زمانی است

که مورچه در جهت منفی محور X حرکت می کند؟

(ب) چه مدت زمانی مورچه ایستاده است؟

(پ) در چه لحظه هایی فاصله مورچه از مبدأ برابر ۱۰ سانتی متر است؟

(ت) سرعت متوسط مورچه در مدت زمان نشان داده شده چند cm/s است؟

(ث) تندی متوسط مورچه در مدت زمان نشان داده شده چند cm/s است؟

پاسخ: (آ) اگر جسمی در جهت مثبت محور حرکت کند، جابه جایی آن مثبت است. با توجه به نمودار در مدت ۸ ثانیه مورچه از مبدأ محور به مکان $x = +20 \text{ cm}$ رسیده است. بنابراین در مدت ۸ ثانیه مورچه در جهت محور حرکت کرده است.

از طرفی اگر جسم در جهت منفی محور حرکت کند، جابه جایی آن منفی است و به مبدأ محور نزدیک می شود. با توجه به نمودار در مدت ۲ ثانیه، یعنی از لحظه $t_1 = 12 \text{ s}$ تا $t_2 = 14 \text{ s}$ جسم از مکان $x_1 = +20 \text{ cm}$ به مکان $x_2 = +10 \text{ cm}$ رسیده است، یعنی جابه جایی آن برابر با $\Delta x = x_2 - x_1 = 10 - 20 = -10 \text{ cm}$

است. پس می توان نتیجه گرفت:

$$\frac{\Delta t_{\text{حرکت در جهت مثبت محور}}}{\Delta t_{\text{حرکت در جهت منفی محور}}} = \frac{8}{2} = 4$$

(ب) اگر مکان جسم با گذشت زمان تغییر نکند، جسم حرکت نکرده است یا به عبارتی ایستاده (ساکن) است.

با توجه به نمودار در بازه زمانی $t_1 = 8 \text{ s}$ تا $t_2 = 12 \text{ s}$ و $t_3 = 14 \text{ s}$ تا $t_4 = 18 \text{ s}$ مکان مورچه تغییر نکرده است. پس می توان نتیجه گرفت:

$$\Delta t_{\text{ایستادن}} = (12 - 8) + (18 - 14) = 4 + 4 = 8 \text{ s}$$

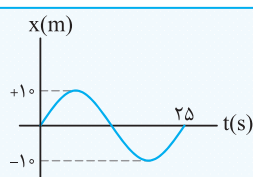
(پ) با توجه به نمودار در لحظه $t_1 = 4 \text{ s}$ و بازه زمانی $t_2 = 14 \text{ s}$ تا $t_3 = 18 \text{ s}$ فاصله مورچه از مبدأ محور برابر ۱۰ سانتی متر است.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{10 - 0}{18 - 0} = \frac{5}{9} \text{ cm/s}$$

(ت) با توجه به رابطه محاسبه سرعت متوسط داریم:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{20 + 10}{18} = \frac{5}{3} \text{ cm/s}$$

(ث) با توجه به رابطه محاسبه تندی متوسط داریم:



نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل است. به ترتیب مسافت پیموده شده و سرعت

متوسط جسم در ۲۵ ثانیه اول حرکت کدام است؟

(۲) $2/5 \text{ m/s}$ ، 40 m

(۱) 40 m ، صفر

(۴) $2/5 \text{ m/s}$ ، 20 m

(۳) 20 m ، صفر

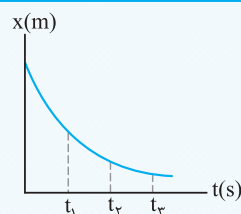
$$l = 10 + 10 + 10 + 10 = 40 \text{ m}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{0 - 0}{25 - 0} = 0$$

پاسخ: مسافت با طول مسیر پیموده شده برابر است. در این صورت داریم:

برای محاسبه سرعت متوسط داریم:

بنابراین گزینه (۱) درست است.



نمودار مکان - زمان متحرکی که بر محور افقی حرکت می کند، مطابق شکل است. اندازه

سرعت متوسط متحرک در کدام بازه زمانی بیش تر است؟

(۲) $t_3 - t_2$

(۱) $t_2 - t_1$

(۴) $t_3 - t_1$

(۳) $t_1 - t_2$

پاسخ: در نمودار مکان - زمان، شیب خط واصل بین دو لحظه مشخص کننده سرعت متوسط بین آن

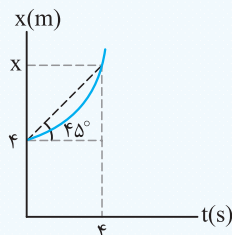
دو لحظه است. در بازه زمانی صفر تا t_1 ، اندازه شیب خط از بقیه بازه ها بزرگ تر است. پس در این بازه، اندازه

سرعت متوسط متحرک از بقیه بازه ها بیش تر است.

$$|\tan \alpha| > |\tan \beta| > |\tan \gamma| \Rightarrow |v_{av(0-t_1)}| > |v_{av(t_1-t_2)}| > |v_{av(t_2-t_3)}|$$

بنابراین گزینه (۴) درست است.

نکته در محاسبه کمیت‌های فیزیکی هنگام استفاده از $\tan \alpha$ ، مفهوم آن یعنی نسبت ضلع مقابل به مجاور زاویه مورد نظر است و از مقدار تانژانت یک زاویه زمانی استفاده می‌کنیم که واحد روی محورهای یکسان باشد. برای نمونه اگر در سؤالی بیان شود هر واحد زمان از نظر اندازه برابر با هر واحد مکان از نظر اندازه است.



نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل است. اگر محورهای هم‌واحد باشند، متحرک در

لحظه $t = 4s$ در چه مکانی بر حسب متر قرار دارد؟

۲ (۲)

۲ (۱)

۸ (۴)

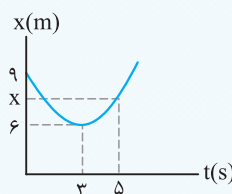
۸ (۳)

$$v_{av} = \tan 45^\circ = 1 \text{ m/s}$$

پاسخ: با توجه به آن که محورهای هم‌واحد هستند، می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \Rightarrow 1 = \frac{x - 4}{4} \Rightarrow x = 8 \text{ m}$$

با استفاده از رابطه سرعت متوسط داریم:
بنابراین گزینه (۴) درست است.



نمودار مکان - زمان متحرکی که بر مسیر مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل است. سرعت

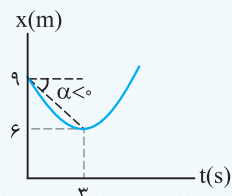
متوسط متحرک در مدت زمانی که در جهت منفی محور حرکت می‌کند چند متر بر ثانیه است؟

-۲ (۲)

+۱ (۱)

-۱ (۴)

+۲ (۳)



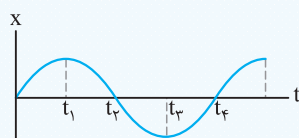
پاسخ: با توجه به نمودار، متحرک برای ۳ ثانیه در جهت منفی محور X حرکت می‌کند. در این صورت

می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6 - 9}{3 - 0} = -1 \text{ m/s} \Rightarrow \text{گزینه (۴) درست است.}$$

نکات مربوط به نمودار مکان - زمان:

- ۱- به تعداد برخوردهای انجام‌شده منحنی مکان - زمان با محور زمان، جسم از مبدأ محور ($x = 0$) عبور کرده است.
- ۲- اگر شیب خط واصل بین دو نقطه مثبت باشد، جسم در جهت مثبت محور X جابه‌جا شده است.
- ۳- اگر شیب خط واصل بین دو نقطه منفی باشد، جسم در جهت منفی محور X جابه‌جا شده است.
- ۴- اگر در یک بازه زمانی، مکان نهایی اندازه کوچک‌تری از مکان آغازین داشته باشد، جسم در حال نزدیک شدن به مبدأ محور است.
- ۵- اگر در یک بازه زمانی، مکان نهایی اندازه بزرگ‌تری از مکان آغازین داشته باشد، جسم در حال دور شدن از مبدأ محور است.



نمودار مکان - زمان حرکت جسمی مطابق شکل روبه‌رو است.

چند مورد از عبارتهای زیر در مورد حرکت جسم درست است؟

(آ) پس از شروع حرکت، جسم دو بار از مبدأ محور عبور می‌کند.

(ب) سرعت متوسط جسم بین دو لحظه t_2 و t_4 برابر صفر است.

(پ) در بازه زمانی t_2 تا t_3 ، جسم در حال دور شدن از مبدأ محور است.

(ت) علامت سرعت متوسط در کل حرکت منفی است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

پاسخ: با توجه به نمودار مکان - زمان داده‌شده عبارتهای (آ) تا (پ) درست و عبارت (ت) نادرست است.

(آ) مکان جسم در لحظه‌های t_2 و t_4 برابر صفر است و به دلیل ادامه حرکت جسم، دو بار جسم از مبدأ محور عبور می‌کند.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = 0$$

(ب) مکان جسم در دو لحظه t_2 و t_4 برابر صفر است. با توجه به رابطه محاسبه سرعت متوسط داریم:

(پ) مکان جسم در لحظه t_2 ، مقدار بیش‌تری از مکان جسم در لحظه t_3 دارد. بنابراین جسم در حال دور شدن از مبدأ در جهت منفی محور X است.
(ت) سرعت متوسط در کل حرکت مثبت است.

بنابراین گزینه (۳) درست است.

ث) تندی لحظه‌ای (v) و سرعت لحظه‌ای (v)

تندی لحظه‌ای:

تندی متحرک در هر لحظه از زمان و یا در هر نقطه از مسیر را تندی لحظه‌ای می‌گویند. فرض کنید درون خودرویی که در حال حرکت از تهران به سمت کرج است نشست‌اید و در یک لحظه به تندی‌سنج خودرو نگاه می‌کنید. عقربه تندی‌سنج در این لحظه، مشخص‌کننده تندی لحظه‌ای می‌باشد. اگر در این لحظه عقربه روی عدد ۱۰۰ قرار داشته باشد یعنی تندی لحظه‌ای خودرو برابر ۱۰۰ واحد است. اما باید توجه کنید که تندی لحظه‌ای اطلاعاتی در مورد جهت حرکت خودرو نمی‌دهد.

سرعت لحظه‌ای:

سرعت متحرک در هر لحظه را سرعت لحظه‌ای می‌گویند؛ یعنی اگر هنگام بیان تندی لحظه‌ای به جهت حرکت نیز اشاره کنیم، در واقع سرعت لحظه‌ای را بیان کرده‌ایم. با توجه به آن‌که سرعت متوسط اطلاعات هر لحظه را مشخص نمی‌کند، ابزار مناسبی برای اندازه‌گیری سرعت در هر لحظه نیست. برای نمونه اگر سرعت متوسط خودرویی در جابه‌جایی بین دو نقطه برابر ۱۰۰ km/h باشد، ممکن است سرعت خودرو در لحظاتی از ۱۰۰ km/h بیشتر، برابر یا کمتر باشد. بنابراین برای بررسی وضعیت سرعت در هر لحظه از سرعت لحظه‌ای استفاده می‌کنیم. لحظه را در محاوره می‌توان به صورت یک بازه زمانی بسیار کوچک در نظر گرفت. اما در فیزیک، لحظه به یک تک مقدار اشاره دارد.

نکته سرعت لحظه‌ای همواره بر مسیر حرکت جسم مماس و در جهت حرکت آن است. یعنی جسم همواره در جهت بردار سرعت لحظه‌ای حرکت می‌کند.

برای نمونه، اگر جسمی را به طنابی متصل کنیم و در صفحه قائمی بچرخانیم و در یک لحظه طناب پاره شود، جسم مماس بر نقطه‌ای که طناب پاره شده است به حرکت خود ادامه می‌دهد.

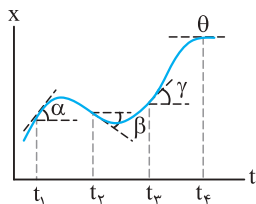
نکته سرعت لحظه‌ای کمیتی پیوسته است. در صورتی که علامت سرعت جسمی مثبت باشد، جسم در جهت مثبت محور حرکت می‌کند و در صورتی که علامت سرعت جسمی منفی باشد، جسم در جهت منفی محور حرکت می‌کند. بنابراین اگر علامت سرعت متحرکی تغییر کند الزاماً در یک لحظه باید سرعت آن صفر شود. یعنی اگر سرعت خودرویی ۲۰ m/s + باشد برای رسیدن سرعت به ۲۰ m/s -، ابتدا سرعت خودرو به صفر رسیده و پس از آن به ۲۰ m/s - می‌رسد.

ج) تعیین سرعت لحظه‌ای به کمک نمودار مکان - زمان

برای تعیین سرعت لحظه‌ای از مفهوم سرعت متوسط استفاده می‌کنیم. به این صورت که بازه زمانی را به تدریج کوچک می‌کنیم. در این حالت نقطه‌های A و B که به ترتیب مکان‌های آغازین و پایانی جابه‌جایی هستند به یکدیگر نزدیک می‌شوند. به طوری که اگر Δt خیلی کوچک شود، این دو نقطه فوق‌العاده به هم نزدیک شده و سرانجام روی هم قرار می‌گیرند. در این صورت خط AB بر نمودار مماس می‌شود. یعنی:

شیب خط مماس بر یک نقطه روی منحنی مکان - زمان با سرعت لحظه‌ای برابر است. (شیب خط مماس $\tan \alpha$ = شیب خط مماس v)

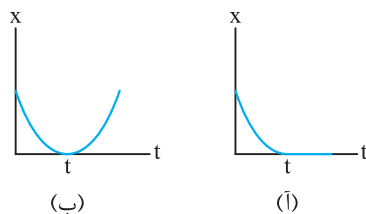
نتیجه با توجه به آن‌که سرعت بر مسیر حرکت مماس است، علامت سرعت در هر لحظه مشخص‌کننده جهت حرکت در آن لحظه است. یعنی اگر شیب خط مماس بر نمودار $x - t$ مثبت باشد، جسم در جهت مثبت محور حرکت می‌کند و اگر شیب خط مماس بر نمودار $x - t$ منفی باشد، جسم در جهت منفی محور حرکت می‌کند.



در لحظه t_1 جسم در جهت مثبت محور حرکت می‌کند. $\tan \alpha > 0 \Rightarrow v_1 > 0$
 در لحظه t_2 جسم در جهت منفی محور حرکت می‌کند. $\tan \beta < 0 \Rightarrow v_2 < 0$
 در لحظه t_3 جسم در جهت مثبت محور حرکت می‌کند. $\tan \gamma > 0 \Rightarrow v_3 > 0$
 در لحظه t_4 تندی جسم برابر صفر است. $\tan \theta = 0 \Rightarrow v_4 = 0$

نتیجه با توجه به چگونگی تغییرات شیب خط مماس بر نمودار $x - t$ که مشخص‌کننده سرعت لحظه‌ای است، می‌توان نوع حرکت جسم را مشخص کرد.
 (آ) اگر مقدار شیب خط مماس بر نمودار $x - t$ در حال افزایش باشد، حرکت را تندشونده می‌گویند.
 (ب) اگر مقدار شیب خط مماس بر نمودار $x - t$ در حال کاهش باشد، حرکت را کندشونده می‌گویند.

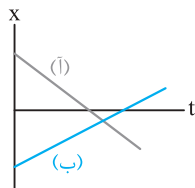
نکته شرط لازم و نه کافی برای تغییر علامت سرعت جسم (تغییر جهت حرکت جسم)، آن است که سرعت متحرک برابر صفر شود. برای نمونه به نمودارهای روبه‌رو توجه کنید:



در نمودار (آ) در لحظه t سرعت برابر صفر است، اما جهت حرکت جسم تغییر نکرده است. (حرکت به پایان رسیده است.) اما در نمودار (ب) سرعت در لحظه t برابر صفر می‌باشد و جهت حرکت جسم تغییر کرده است. بنابراین اگر سرعت جسمی صفر شود باید توجه داشته باشیم که آیا علامت آن پس از صفر شدن تغییر می‌کند یا خیر.

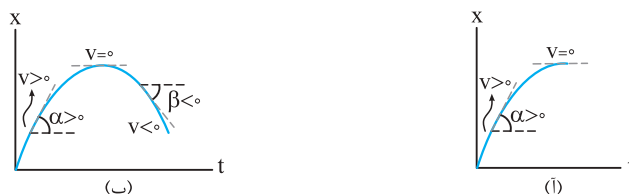
نتیجه برای تغییر جهت حرکت جسم، علامت سرعت آن باید الزاماً تغییر کند.

نکته اگر نمودار مکان - زمان به صورت خط راست باشد، یعنی اگر شیب نمودار مکان - زمان ثابت باشد، سرعت لحظه‌ای با سرعت متوسط برابر است. برای نمونه در شکل مقابل برای متحرک‌های (آ) و (ب) سرعت متوسط و سرعت لحظه‌ای یکسان است. برای این دو متحرک جهت حرکت همواره ثابت است و تغییر جهت در مسیر حرکت ایجاد نمی‌شود.

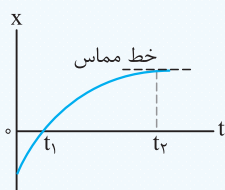


نتیجه در لحظه‌ای که متحرک هنگام حرکت بر مسیر مستقیم در بیش‌ترین فاصله نسبت به مبدأ محور قرار می‌گیرد، سرعت جسم برابر صفر است (به دلیل آن‌که شیب خط مماس در این مکان برابر صفر است.) و به شرط ادامه حرکت، جسم در این مکان تغییر جهت می‌دهد.

همان‌طور که گفته شد، برای تعیین تغییر جهت باید بررسی کنیم که علامت شیب خط مماس (سرعت) تغییر می‌کند یا خیر. در نمودار (آ) علامت سرعت تغییر نکرده است، اما در نمودار (ب) علامت سرعت تغییر می‌کند. در این صورت در نمودار (آ) جسم تغییر جهت نمی‌دهد، اما در نمودار (ب) تغییر جهت داریم.



تست نمودار مکان - زمان حرکت جسمی مطابق شکل است. چند عبارت زیر در مورد حرکت جسم درست است؟



۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

(آ) جسم دائماً در حال دور شدن از مبدأ محور است.

(ب) در لحظه t_2 ، سرعت جسم صفر است.

(پ) در بازه زمانی t_1 تا t_2 سرعت جسم منفی است.

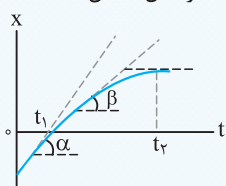
(ت) تندی حرکت جسم تا لحظه t_2 در حال کاهش است.

پاسخ: (آ) از لحظه شروع حرکت تا لحظه t_1 جسم در حال نزدیک شدن به مبدأ محور و از این لحظه تا لحظه t_2 جسم در حال دور شدن از مبدأ محور است.

(ب) در لحظه t_2 ، شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان برابر صفر است، پس تندی جسم در این لحظه صفر است.

(پ) در بازه زمانی t_1 تا t_2 ، شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان مثبت است، پس علامت سرعت جسم مثبت است.

(ت) با توجه به شکل زیر، شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان تا لحظه t_2 در حال کاهش است، پس تندی جسم تا این لحظه در حال کاهش است.



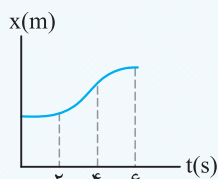
$$\alpha > \beta \Rightarrow \tan \alpha > \tan \beta$$

عبارت‌های (ب) و (ت) درست و عبارت‌های (آ) و (پ) نادرست هستند.

بنابراین گزینه (۲) درست است.

تست

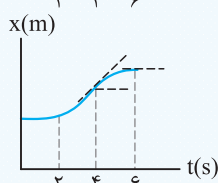
نمودار مکان - زمان خودرویی که بر خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل است. نوع حرکت خودرو بین دو لحظه $t_1 = 4s$ و $t_2 = 6s$ کدام است؟



- (۱) تندشونده
(۲) ابتدا کندشونده، سپس تندشونده
(۳) کندشونده
(۴) ابتدا تندشونده، سپس کندشونده

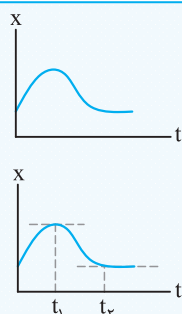
پاسخ: با توجه به شکل می‌توان دریافت شیب خط مماس بر نمودار بین این دو لحظه در حال کاهش است. بنابراین تندی حرکت خودرو در حال کاهش بوده و حرکت کندشونده است.

بنابراین گزینه (۳) درست است.



تست

نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل است. جهت حرکت جسم چند بار تغییر کرده است؟

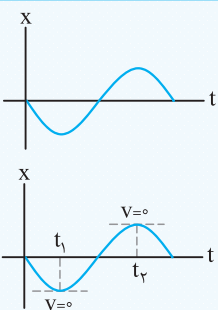


- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) صفر

پاسخ: با توجه به نمودار، در لحظه‌های t_1 و t_2 شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان برابر صفر می‌باشد، یعنی در این لحظات تندی صفر است. پس از لحظه t_1 حرکت جسم ادامه داشته است اما پس از لحظه t_2 مکان جسم تغییر نکرده است. یعنی پس از لحظه t_2 جسم ساکن است. در نتیجه جهت حرکت جسم فقط یک‌بار تغییر کرده است. بنابراین گزینه (۱) درست است.

تست

نمودار مکان - زمان جسمی مطابق شکل است. به ترتیب از راست به چپ، چند بار تندی صفر شده و چند بار سوی حرکت جسم تغییر کرده است؟



- (۱) ۱، ۱
(۲) ۲، ۲
(۳) ۱، ۲
(۴) ۲، ۱

پاسخ: با توجه به نمودار، در لحظه‌های t_1 و t_2 خط مماس بر منحنی در راستای افق قرار گرفته است. بنابراین تندی در این دو لحظه صفر است. به دلیل ادامه حرکت پس از لحظه‌های t_1 و t_2 ، جهت حرکت جسم تغییر کرده است. بنابراین گزینه (۲) درست است.

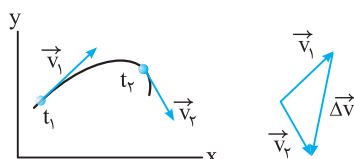
۲) شتاب متوسط ($\vec{a}_{av}$)

اگر بردار سرعت جسمی تغییر کند، کمیتی به نام شتاب تعریف می‌شود. شتاب متوسط را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

نسبت تغییر بردار سرعت به مدت زمان انجام تغییرات را شتاب متوسط می‌گویند. یکای شتاب متوسط در SI، متر بر مربع ثانیه m/s^2 است.

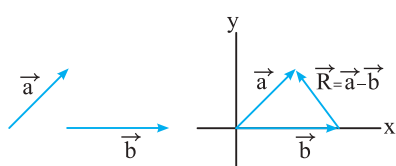
$$\vec{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1}$$

برای نمونه در شکل روبه‌رو، حرکت جسم، حرکتی شتابدار است. به دلیل آن‌که بردار سرعت در حال تغییر است.



بیش‌تر بدانید!

برای محاسبه تفاضل دو بردار، ابتدا دو بردار را هم‌ابتدا می‌کنیم، سپس با توجه به رابطه $\vec{R} = \vec{a} - \vec{b}$ ، انتهای بردار دوم در تفاضل ($\vec{b}$) را به انتهای بردار اول ($\vec{a}$) وصل می‌کنیم. به شکل‌های روبه‌رو توجه کنید.



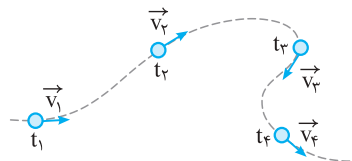
۱- با توجه به اهداف برنامه درسی فیزیک (۳) ارزشیابی از سؤالاتی که بردار سرعت در دو بُعد مورد بررسی قرار می‌گیرد، مورد توجه نمی‌باشد.

نکته برای ایجاد شتاب، بردار سرعت باید تغییر کند. این تغییر می‌تواند به دلایل زیر باشد:



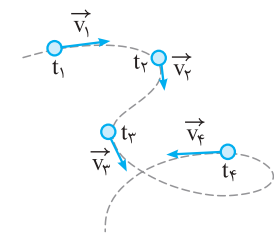
۱- اندازه بردار سرعت (تندی) تغییر کند.

برای نمونه اگر خودرویی تندی حرکت خود را در مسیر مستقیم از 20 m/s به 12 m/s برساند، حرکت آن شتابدار انجام شده است.



۲- جهت بردار سرعت تغییر کند.

برای نمونه خودرویی هنگام عبور از یک پیچ درون یک میدان شهری تندی خود را ثابت نگه می‌دارد، اما حرکت دورانی آن باعث تغییر جهت بردار سرعت و ایجاد شتاب می‌شود.



۳- اندازه و جهت بردار سرعت با هم تغییر کنند.

برای نمونه اگر جسمی را به طنابی متصل کرده و در یک صفحه قائم بچرخانیم، حرکت جسم شتابدار انجام می‌شود.

تست خودرویی بر مسیر مستقیم و با سرعت 72 km/h در حال حرکت است. در مدت 5 ثانیه، سرعت اتومبیل به $\Delta \text{ m/s}$ در خلاف جهت اولیه می‌رسد؛ شتاب متوسط خودرو در این مدت چند متر بر مربع ثانیه است؟

- (۱) $+5$ (۲) -3 (۳) -5 (۴) $+3$

پاسخ: با توجه به رابطه محاسبه شتاب متوسط داریم:

$$v_1 = 72 \text{ km/h} = 20 \text{ m/s}$$

$$v_2 = -\Delta \text{ m/s}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{\Delta t} = \frac{-5 - (+20)}{5} = -5 \text{ m/s}^2 \Rightarrow \text{گزینه (۳) درست است.}$$

۲) معادله سرعت - زمان

معادله سرعت - زمان معادله‌ای است که در هر لحظه، سرعت جسم را مشخص می‌کند. برای نمونه در معادله $v = t + 1$ ، مشخص می‌شود که سرعت بر حسب زمان به صورت خطی تغییر می‌کند. اگر بخواهیم مقدار سرعت جسم را مشخص کنیم، مقدار زمان را در معادله قرار می‌دهیم و سرعت متناسب با آن لحظه به دست آید.

مثلاً با توجه به معادله $v = t + 1$ ، اگر کمیت‌ها در SI باشند، می‌توان نوشت:

$$t_1 = 2 \text{ s} \Rightarrow v_1 = 2 + 1 = 3 \text{ m/s}$$

$$t_2 = 5 \text{ s} \Rightarrow v_2 = 5 + 1 = 6 \text{ m/s}$$

یعنی مقدار سرعت جسم در لحظه‌های t_1 و t_2 به دست می‌آید.

تست معادله سرعت - زمان جسمی در SI به صورت $v = 2 \sin(10\pi t + \frac{\pi}{4})$ است. سرعت جسم بین دو لحظه $t_1 = 0.1 \text{ s}$ و $t_2 = 0.2 \text{ s}$ چند m/s تغییر می‌کند؟

- (۱) -2 (۲) 2 (۳) -4 (۴) 4

پاسخ: ابتدا با توجه به معادله سرعت - زمان، سرعت را در لحظه‌های داده شده حساب می‌کنیم:

$$t_1 = 0.1 \text{ s} \Rightarrow v_1 = 2 \sin(10\pi \times 0.1 + \frac{\pi}{4}) = 2 \sin(\pi + \frac{\pi}{4}) = 2 \sin(\frac{5\pi}{4}) \Rightarrow v_1 = -2 \text{ m/s}$$

$$t_2 = 0.2 \text{ s} \Rightarrow v_2 = 2 \sin(10\pi \times 0.2 + \frac{\pi}{4}) = 2 \sin(2\pi + \frac{\pi}{4}) = 2 \sin(\frac{\pi}{4}) \Rightarrow v_2 = +2 \text{ m/s}$$

$$\Delta v = v_2 - v_1 = 2 - (-2) = 4 \text{ m/s} \Rightarrow \text{گزینه (۴) درست است.}$$

تست معادله سرعت - زمان جسمی در SI به صورت $v = 4t - 12$ است. علامت سرعت جسم در لحظه تغییر می‌کند و در لحظه $t = 6 \text{ s}$ جسم در جهت محور حرکت می‌کند.

- (۱) $t = \frac{1}{3} \text{ s}$ ، مثبت (۲) $t = 3 \text{ s}$ ، مثبت (۳) $t = 3 \text{ s}$ ، منفی (۴) $t = \frac{1}{3} \text{ s}$ ، منفی

پاسخ: اگر تندی حرکت صفر شود، علامت سرعت به شرط ادامه حرکت تغییر می‌کند. در این صورت داریم:

$$v = 4t - 12 = 0 \Rightarrow 4t = 12 \Rightarrow t = 3 \text{ s}$$

$$v = 4t - 12, t = 6 \text{ s} \Rightarrow v = 4 \times 6 - 12 = 12 \text{ m/s}$$

یعنی علامت سرعت در لحظه $t = 3 \text{ s}$ تغییر می‌کند. در لحظه $t = 6 \text{ s}$ داریم:

چون علامت سرعت مثبت است، جسم در جهت مثبت محور حرکت می‌کند.

بنابراین گزینه (۲) درست است.

تست

معادله سرعت - زمان جسمی در SI به صورت $v = 4t^2 - 16t + 16$ است. کدام یک از گزینه‌های زیر در مورد حرکت جسم درست است؟

- (۱) جهت حرکت جسم تغییر می‌کند.
(۲) جسم همواره در جهت مثبت محور حرکت کرده است.
(۳) جسم همواره در جهت منفی محور حرکت کرده است.
(۴) مسیر حرکت جسم سهمی است.
- پاسخ:** معادله سرعت - زمان داده شده را به صورت زیر می‌نویسیم:
با توجه به معادله می‌توان دریافت که در تمامی زمان‌ها، سرعت همواره نامنفی است. یعنی جسم همواره در جهت مثبت محور حرکت کرده است. بنابراین گزینه (۲) درست است.

تست

معادله سرعت - زمان حرکت جسمی در SI به صورت $v = t^2 + t$ است. در ثانیه دوم حرکت، شتاب متوسط جسم چند متر بر مربع ثانیه است؟

- (۱) ۲ (۲) ۸ (۳) ۶ (۴) ۴
- پاسخ:** با توجه به معادله سرعت - زمان، می‌توان سرعت جسم را در هر لحظه مشخص کرد. در این صورت می‌توان نوشت:
- $$t_1 = 1s \Rightarrow v_1 = (1)^2 + 1 = 2m/s$$
- $$t_2 = 2s \Rightarrow v_2 = (2)^2 + 2 = 6m/s$$
- گزینه (۴) درست است. $\Rightarrow a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{6-2}{2-1} = 4m/s^2$

نکته

شتاب متوسط، کمیتی برداری بوده و همواره در جهت بردار تغییرات سرعت است.

نکته

اگر جسم از حالت سکون شروع به حرکت کند، شتاب متوسط در جهت بردار سرعت جسم یا همان جهت حرکت جسم قرار می‌گیرد.

$$(\vec{a}_{av} \text{ هم جهت با } \vec{v} \text{ قرار می‌گیرد.}) \Rightarrow \vec{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{\Delta t}$$

اگر $v_1 = 0 \Rightarrow \vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_2}{\Delta t}$

تذکر

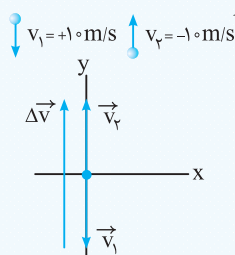
در صورتی که جسم بر مسیر مستقیم حرکت کند، برای محاسبه شتاب متوسط از رابطه روبه‌رو استفاده می‌کنیم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{\Delta t}$$

تست

توبی را با تندی $10m/s$ به طور قائم به سطح زمین می‌زنیم، به طوری‌که با همان تندی در همان راستا برمی‌گردد. اگر مدت زمان تماس توپ با سطح زمین 0.2 ثانیه باشد، شتاب متوسط چه مقدار و در چه جهتی است؟ (نیروهای مقاوم ناچیز است.)

- (۱) 100 ، رو به پایین (۲) 10 ، رو به پایین (۳) 100 ، رو به بالا (۴) صفر
- پاسخ:** فرض کنیم جهت مثبت رو به پایین است. در این صورت سرعت توپ را می‌توان به صورت مقابل در نظر گرفت. در این صورت برای محاسبه تغییرات سرعت داریم:
- $$\Delta v = v_2 - v_1 = -10 - 10 = -20m/s \Rightarrow a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-20}{0.2} = -100 \Rightarrow |a_{av}| = 100m/s^2$$
- بردار شتاب متوسط در جهت بردار تغییرات سرعت است. در این صورت جهت بردار شتاب متوسط رو به بالا (در جهت مثبت محور y) است. بنابراین گزینه (۳) درست است.



خ) شتاب لحظه‌ای ($\vec{a}$) و تعیین نوع حرکت

شتاب متحرک در هر لحظه از زمان را شتاب لحظه‌ای یا شتاب می‌گویند. این کمیت برای بررسی چگونگی تغییر سرعت میان یک بازه زمانی با توجه به تعریفی که برای لحظه انجام دادیم به کار می‌رود. برای نمونه، اگر گفته شود، شتاب حرکت جسمی $+3m/s^2$ است، یعنی سرعت جسم در هر ثانیه به اندازه $3m/s$ افزایش می‌یابد. یا اگر شتاب حرکت جسمی $-1m/s^2$ باشد، به این معنی است که سرعت جسم در هر ثانیه، به اندازه $1m/s$ کاهش می‌یابد.

نکته ۱

با توجه به نوع تغییر مقدار سرعت جسم (تندی)، حرکت آن را به سه دسته تقسیم‌بندی می‌کنیم:

- (آ) اگر مقدار سرعت (تندی) تغییر نکند، حرکت را یکنواخت می‌نامیم. در این صورت اگر جسم بر خط راست حرکت کند، حرکت با سرعت ثابت انجام می‌شود.
(ب) اگر مقدار سرعت (تندی) افزایش یابد، حرکت را تندشونده می‌نامیم. (پ) اگر مقدار سرعت (تندی) کاهش یابد، حرکت را کندشونده می‌نامیم.

نکته ۲

در حرکت تندشونده روی خط راست علامت سرعت و شتاب یکسان است. ($av > 0$) (چرا؟)

نکته ۳

در حرکت کندشونده روی خط راست علامت سرعت و شتاب مخالف یکدیگر است. ($av < 0$) (چرا؟)

تست

متحرکی با شتاب ثابت روی محور افقی در حال حرکت است و سرعت آن در یک بازه زمانی مشخص از $+2m/s$ به $4m/s$ در خلاف جهت حرکت اولیه می‌رسد. نوع حرکت آن در این بازه زمانی چگونه است؟

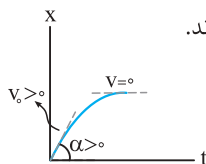
- (۱) تندشونده (۲) کندشونده
(۳) ابتدا تندشونده و سپس کندشونده (۴) ابتدا کندشونده و سپس تندشونده
- پاسخ:** سرعت کمیتی پیوسته است. بنابراین هنگام تغییر علامت سرعت جسم ابتدا باید سرعت به صفر برسد. یعنی سرعت متحرک ابتدا از $2m/s$ به صفر رسیده و سپس از صفر به $-4m/s$ می‌رسد. در این صورت حرکت ابتدا کندشونده و سپس تندشونده است. بنابراین گزینه (۴) درست است.

تست

معادله سرعت - زمان اتومبیلی روی خط مستقیم در SI به صورت $v = -t^2 - 4t$ است. نوع حرکت اتومبیل پس از شروع حرکت چگونه است؟

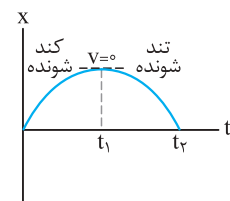
- (۱) تندشونده
(۲) کندشونده
(۳) ابتدا تندشونده و سپس کندشونده
(۴) ابتدا کندشونده و سپس تندشونده

پاسخ: با توجه به معادله سرعت $v = -(t^2 + 4t) = -(t(t + 4))$ می توان نتیجه گرفت پس از شروع حرکت ($t = 0$) مقدار سرعت در حال افزایش است و علامت منفی سرعت، مشخص کننده حرکت جسم در جهت منفی محور است. یعنی تندی اتومبیل هنگام حرکت در جهت منفی محور در حال افزایش است. بنابراین گزینه (۱) درست است.

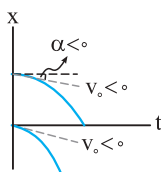
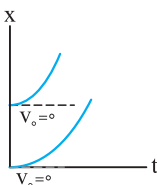
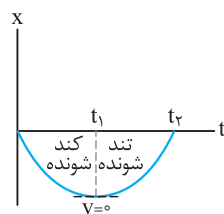


نکته ۱: علامت شتاب به تنهایی مشخص کننده نوع حرکت بر مسیر مستقیم نیست و باید علامت سرعت و شتاب مشخص شوند.

نکته ۲: اگر حرکت به صورت کندشونده انجام شود، الزاماً جسم باید دارای سرعت اولیه باشد. یعنی نمی توان خودروی ساکنی را کند کرد!!



نکته ۳: اگر حرکت جسمی در ابتدا به صورت کندشونده انجام شود، پس از توقف جسم به شرط ادامه حرکت، حرکت پس از آن تا زمان مشخصی تندشونده است.



نکته ۴: حرکت تندشونده می تواند بدون سرعت اولیه (از حالت سکون) نیز انجام شود.

◀ (د) نمودار سرعت - زمان

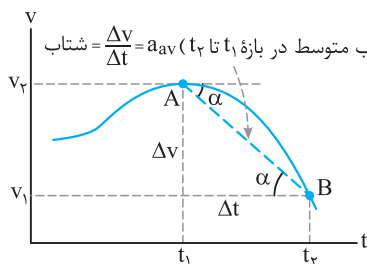
اگر نمودار سرعت - زمان متحرکی مشخص باشد، به کمک این نمودار می توان موارد زیر را مشخص کرد:

- ۱- شتاب متوسط
۲- شتاب لحظه ای
۳- نوع حرکت
۴- جابه جایی
۵- مسافت
۶- سرعت متوسط

تعیین شتاب متوسط به کمک نمودار سرعت-زمان: اگر نمودار سرعت - زمان متحرکی مشخص باشد، با توجه به رابطه محاسبه شتاب متوسط

$$(a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t}) \text{ می توان نتیجه گرفت:}$$

شیب خط واصل بین دو نقطه روی نمودار سرعت - زمان مشخص کننده شتاب متوسط است.

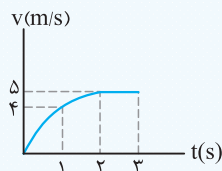


$$\overline{AB} \text{ شیب خط واصل } = a_{av}$$

تست

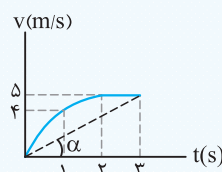
نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر خط راست حرکت می کند مطابق شکل است. شتاب متوسط متحرک در ثانیه سوم حرکت است و در

سه ثانیه اول حرکت، شتاب متوسط متحرک است.



- (۱) صفر ، منفی
(۲) 1 m/s^2 ، منفی
(۳) 1 m/s^2 ، مثبت
(۴) صفر ، مثبت

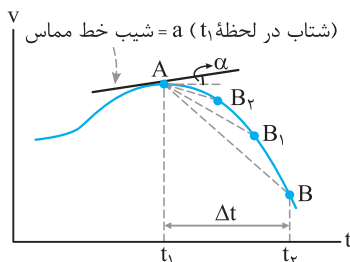
پاسخ: در ثانیه سوم حرکت (بین دو لحظه $t_1 = 2 \text{ s}$ و $t_2 = 3 \text{ s}$) سرعت متحرک تغییر نکرده است، بنابراین شتاب متوسط صفر است. در نمودار $v - t$ شیب خط واصل از لحظه شروع حرکت تا لحظه $t = 3 \text{ s}$ مثبت است، در این صورت علامت شتاب متوسط نیز مثبت است. $\tan \alpha > 0 \Rightarrow a > 0$. بنابراین گزینه (۴) درست است.



تعیین شتاب لحظه‌ای به کمک نمودار سرعت-زمان:

همان‌طور که می‌دانید شتاب متوسط بین دو لحظه، شیب خطی است که این دو لحظه را به هم وصل می‌کند. با توجه به تعریف لحظه، اگر Δt به سمت صفر میل کند ($\Delta t \rightarrow 0$)، خط واصل بین دو لحظه به خط مماس بر نمودار در یک لحظه میل می‌کند. در این حالت شیب خط مماس با شتاب لحظه‌ای برابر است.

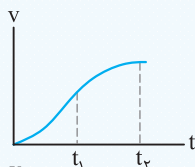
شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان مشخص‌کننده شتاب لحظه‌ای است.



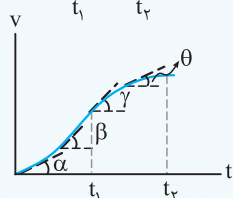
$a = \text{شیب خط مماس}$

تست

در شکل زیر، نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می‌کند رسم شده است. کدام گزینه در مورد تغییرات شتاب متحرک درست است؟



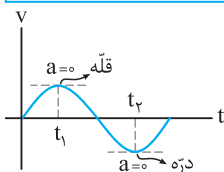
- (۱) شتاب از لحظه شروع حرکت تا لحظه t_1 در حال کاهش و از لحظه t_1 تا t_2 در حال افزایش است.
- (۲) شتاب از لحظه شروع حرکت تا لحظه t_1 در حال افزایش و از لحظه t_1 تا t_2 در حال کاهش است.
- (۳) شتاب همواره در حال کاهش است.
- (۴) شتاب همواره در حال افزایش است.



پاسخ: با توجه به نمودار از لحظه شروع حرکت تا لحظه t_1 ، شیب خط مماس بر نمودار سرعت-زمان که مشخص‌کننده شتاب لحظه‌ای است در حال افزایش می‌باشد. از لحظه t_1 تا لحظه t_2 شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان در حال کاهش بوده و در نتیجه شتاب حرکت در حال کاهش است. بنابراین گزینه (۲) درست است.

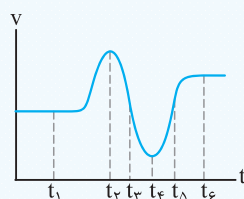
نکته

در نمودار سرعت - زمان، اگر معادله درجه دوم یا بالاتر و یا غیرخطی باشد، در لحظه‌هایی که نمودار به قله یا دره می‌رسد شتاب حرکت صفر است.



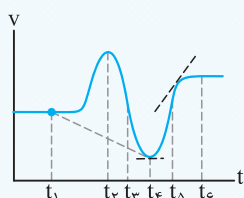
تست

نمودار سرعت - زمان دوچرخه‌سواری مطابق شکل است. چند مورد از عبارت‌های زیر در مورد این دوچرخه‌سوار درست است؟



- (آ) شتاب حرکت دوچرخه‌سوار در دو لحظه t_1 و t_4 صفر است.
- (ب) شتاب حرکت دوچرخه‌سوار در لحظه t_5 صفر است.
- (پ) شتاب متوسط بین دو لحظه t_1 و t_4 منفی است.
- (ت) از لحظه t_4 تا لحظه t_5 شتاب همواره در جهت مثبت محور است.

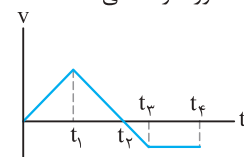
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴



پاسخ: (آ) شیب خط مماس بر نمودار $v-t$ در دو لحظه t_1 و t_4 صفر است. پس شتاب در این دو لحظه صفر است.
 (ب) شیب خط مماس بر نمودار $v-t$ در لحظه t_5 مثبت و مخالف صفر است.
 (پ) شیب خط واصل بین دو لحظه t_1 و t_4 منفی است. یعنی شتاب متوسط بین این دو لحظه منفی است.
 (ت) از لحظه t_4 تا لحظه t_5 شتاب در جهت منفی محور است و از لحظه t_4 تا لحظه t_5 شتاب در جهت مثبت محور است. (به شیب خط مماس توجه کنید).
 بنابراین گزینه (۲) درست است.

نتیجه

در تمامی لحظاتی که نمودار سرعت - زمان بالای محور زمان قرار دارد، علامت سرعت مثبت است و متحرک در جهت مثبت محور حرکت می‌کند و در تمامی لحظاتی که نمودار سرعت - زمان پایین محور زمان قرار دارد، علامت سرعت منفی است و متحرک در جهت منفی محور حرکت می‌کند.



برای نمونه در نمودار سرعت - زمان شکل مقابل، در بازه زمانی $[0 - t_2]$ علامت سرعت مثبت و متحرک در جهت مثبت محور حرکت می‌کند و در بازه زمانی $[t_2 - t_4]$ علامت سرعت منفی و متحرک در جهت منفی محور حرکت می‌کند.

نکته

به تعداد برخوردهای نمودار سرعت - زمان با محور زمان، سرعت متحرک برابر صفر می‌شود و در صورت ادامه حرکت، جهت حرکت متحرک تغییر می‌کند.

تست

نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر مسیر مستقیم حرکت می‌کند مطابق شکل است. در این بازه زمانی شتاب حرکت جسم بار صفر شده و جهت حرکت جسم بار تغییر می‌کند.

(۱) ۳، ۲
(۲) ۲، ۲
(۳) ۱، ۲
(۴) ۱، ۱

پاسخ: با توجه به نمودار در لحظات t_1 و t_3 خط مماس بر منحنی سرعت-زمان افقی است و در این حالت شتاب حرکت صفر است. در لحظات t_2 و t_4 پس از لحظه $t=0$ ، تندی صفر است. اما در لحظه t_4 حرکت پایان یافته است، در نتیجه فقط در لحظه t_2 جهت حرکت تغییر کرده است. بنابراین گزینه (۳) درست است.

تعیین نوع حرکت به کمک نمودار سرعت - زمان: همان‌طور که می‌دانید اگر تندی جسم افزایش یابد حرکت تندشونده و در صورتی که کاهش یابد حرکت کندشونده و در صورت ثابت ماندن تندی، حرکت با سرعت ثابت انجام می‌شود. در این صورت می‌توان نتیجه گرفت: با افزایش فاصله منحنی سرعت از محور زمان، تندی افزایش پیدا کرده و حرکت تندشونده انجام می‌گیرد و با کاهش فاصله منحنی از محور زمان، تندی کاهش پیدا کرده و حرکت کندشونده انجام می‌گیرد.

تست

نمودار سرعت - زمان متحرکی بر مسیر مستقیم مطابق شکل است. نوع حرکت جسم در بازه زمانی $[0 - t_3]$ چگونه است؟

(۱) تندشونده - کندشونده - کندشونده
(۲) کندشونده - تندشونده - کندشونده
(۳) تندشونده - کندشونده - تندشونده
(۴) کندشونده - تندشونده - کندشونده

پاسخ: در بازه زمانی $[0 - t_1]$ ، تندی در جهت مثبت در حال افزایش است. بنابراین حرکت در این قسمت تندشونده است. در بازه زمانی $[t_1 - t_2]$ تندی در جهت مثبت در حال کاهش است، بنابراین حرکت در این قسمت کندشونده انجام می‌شود. در بازه زمانی $[t_2 - t_3]$ تندی در جهت منفی در حال افزایش است، یعنی حرکت در این قسمت تندشونده انجام می‌شود. بنابراین گزینه (۳) درست است.

تست

با توجه به نمودار سرعت - زمان مقابل، مدت زمان حرکت کندشونده چند برابر مدت زمانی است که متحرک در جهت منفی می‌کند؟

(۱) ۲
(۲) ۲/۳
(۳) ۳/۲
(۴) ۱/۲

پاسخ: حرکت جسم در بازه زمانی Δt_1 کندشونده انجام می‌شود و در بازه زمانی Δt_2 در جهت منفی محور حرکت می‌کند. با توجه به ثابت بودن شیب خط در قسمت AC می‌توان نوشت:

$$\frac{\Delta t_1}{\Delta t_2} = \frac{AA'}{CC'} \Rightarrow \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2} \Rightarrow \text{گزینه (۴) درست است.}$$

تعیین جابه‌جایی، مسافت و سرعت متوسط به کمک نمودار سرعت - زمان: اگر نمودار سرعت - زمان متحرکی مشخص باشد، مساحت سطح زیر نمودار سرعت - زمان در صورتی که با علامت در نظر گرفته شود، مشخص‌کننده جابه‌جایی و بدون علامت، مشخص‌کننده مسافت پیموده شده است.

د = S_۱ + S_۲ : جابه‌جایی انجام شده ، I = |S_۱| + |S_۲| : مسافت پیموده شده

در این صورت برای محاسبه سرعت متوسط، ابتدا مساحت سطح زیر نمودار سرعت - زمان با در نظر گرفتن علامت را حساب کرده و از رابطه سرعت متوسط استفاده می‌کنیم.

تست

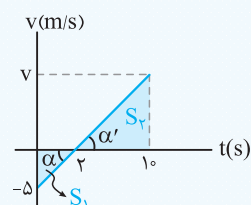
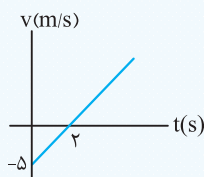
نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل است. مسافتی که متحرک در ۱۰ ثانیه اول پیموده چند متر است؟

۸۵ (۲)

۷۵ (۱)

۱۶۰ (۴)

۱۶۵ (۳)



پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار سرعت - زمان بدون در نظر گرفتن علامت، مشخص‌کننده مسافت پیموده شده است. در این صورت می‌توان نوشت:

$$\tan \alpha = \tan \alpha' \Rightarrow \frac{5}{2} = \frac{V}{8} \Rightarrow V = 20 \text{ m/s}$$

$$\left. \begin{aligned} l &= |S_1| + |S_2| \\ |S_1| &= \frac{1}{2} \times 2 \times 5 = 5 \\ |S_2| &= \frac{1}{2} \times 8 \times 20 = 80 \end{aligned} \right\} \Rightarrow l = 85 \text{ m} \Rightarrow \text{گزینه (۲) درست است.}$$

تست

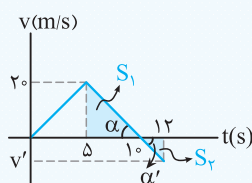
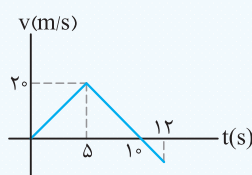
نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر مسیر مستقیم حرکت می‌کند مطابق شکل است. تغییر مکان متحرک بین دو لحظه $t = 5 \text{ s}$ و $t = 12 \text{ s}$ چند متر است؟

۷۰ (۲)

۴۲ (۱)

۵۸ (۴)

۸۰ (۳)



پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار سرعت - زمان با در نظر گرفتن علامت، مشخص‌کننده تغییر مکان (جابه‌جایی) متحرک است. در این صورت خواهیم داشت:

$$S_1 = \frac{20 \times (10 - 5)}{2} = 50$$

$$|\tan \alpha| = |\tan \alpha'| \Rightarrow \frac{20}{5} = \frac{v'}{2} \Rightarrow |v'| = 8 \text{ m/s}$$

$$S_2 = -\frac{1}{2} \times (8) \times (12 - 10) = -8$$

$$\Delta x = S_1 + S_2 = 50 + (-8) = 42 \text{ m} \Rightarrow \text{گزینه (۱) درست است.}$$

تست

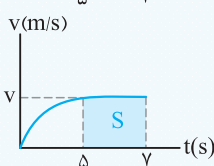
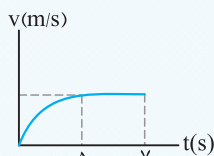
نمودار سرعت - زمان متحرکی مطابق شکل است. اگر متحرک بین دو لحظه $t_1 = 5 \text{ s}$ و $t_2 = 7 \text{ s}$ مسافت ۱۸ متر را پیموده باشد، شتاب متوسط آن پس از ۵ ثانیه چند m/s^2 است؟

۴/۵ (۲)

۱/۸ (۱)

۰/۷۲ (۴)

۳/۶ (۳)



پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار سرعت - زمان با در نظر گرفتن علامت مشخص‌کننده جابه‌جایی است. در این صورت می‌توان نوشت:

$$S = \Delta x = l = 18 \Rightarrow 2v = 18 \Rightarrow v = 9 \text{ m/s}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{9 - 0}{5 - 0} = 1.8 \text{ m/s}^2$$

اکنون با استفاده از رابطه محاسبه شتاب متوسط داریم:
بنابراین گزینه (۱) درست است.

تست

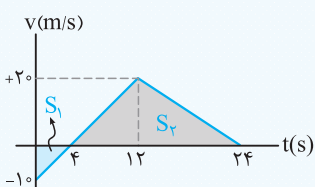
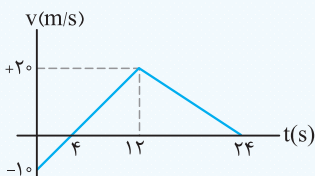
نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر مسیر مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل است. سرعت متوسط متحرک در مدت ۲۴ ثانیه چند متر بر ثانیه است؟

۱۸/۳ (۲)

۹/۱۶ (۱)

۷/۵ (۴)

۱۵ (۳)



پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار سرعت - زمان با در نظر گرفتن علامت، جابه‌جایی متحرک را مشخص می‌کند. در این صورت داریم:

$$S_1 = -\frac{1}{2} \times 4 \times 10 = -20$$

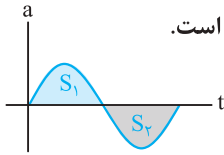
$$\Rightarrow \Delta x = S_1 + S_2 = -20 + 200 = 180 \text{ m}$$

$$S_2 = \frac{1}{2} \times (24 - 4) \times 20 = 200$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{180}{24} = 7.5 \text{ m/s} \Rightarrow \text{گزینه (۴) درست است.}$$

نمودار شتاب - زمان

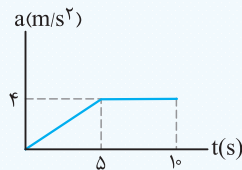
اگر نمودار شتاب- زمان متحرکی مشخص باشد به کمک این نمودار می‌توان شتاب متحرک در هر لحظه، تغییرات سرعت و شتاب متوسط را مشخص کرد. باید توجه داشت که مساحت سطح زیر نمودار شتاب - زمان با در نظر گرفتن علامت، مشخص‌کننده تغییرات سرعت است.



$$\Delta v = S_1 + S_2, \quad S_2 < 0$$

تست

نمودار شتاب- زمان متحرکی که بر مسیر مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل است. شتاب متوسط متحرک در مدت ۱۰ ثانیه چند متر بر مربع ثانیه است؟



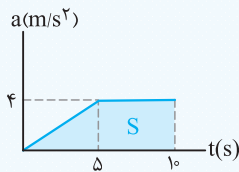
۲/۵ (۲)

۲ (۱)

۶ (۴)

۳ (۳)

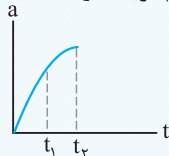
پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار شتاب- زمان مشخص‌کننده تغییرات سرعت است. در این صورت برای محاسبه شتاب متوسط می‌توان نوشت:



$$\begin{cases} a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \\ S = \Delta v = \frac{1}{2} (5 + 10) \times 4 = 30 \end{cases} \Rightarrow a_{av} = \frac{30}{10} = 3 \text{ m/s}^2 \Rightarrow \text{گزینه (۳) درست است.}$$

تست

نمودار شتاب- زمان متحرکی بر مسیر مستقیم مطابق شکل است. در مورد حرکت آن در بازه زمانی t_1 تا t_2 کدام گزینه درست است؟



(۱) حرکت الزاماً تندشونده است.

(۲) حرکت الزاماً کندشونده است.

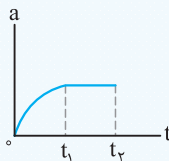
(۳) حرکت ممکن است ابتدا تندشونده و سپس کندشونده باشد.

(۴) حرکت ممکن است ابتدا کندشونده و سپس تندشونده باشد.

پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار شتاب- زمان مشخص‌کننده تغییرات سرعت است که در مورد این متحرک، تغییرات سرعت مثبت است. برای مشخص کردن نوع حرکت باید تغییرات سرعت را بررسی کرد که این تغییرات وابسته به مقدار سرعت اولیه است. در مورد این حرکت، اگر سرعت اولیه مثبت باشد، حرکت تندشونده و اگر سرعت اولیه منفی باشد، بسته به اندازه آن ممکن است ابتدا حرکت کندشونده و سپس تندشونده یا فقط کندشونده باشد. بنابراین گزینه (۴) درست است.

تست

نمودار شتاب- زمان متحرکی که از حالت سکون روی محور X شروع به حرکت می‌کند، مطابق شکل است. در مورد حرکت متحرک کدام گزینه درست است؟



(۱) حرکت روی محور X و همواره در جهت مثبت بوده است.

(۲) حرکت ابتدا تندشونده و سپس کندشونده است.

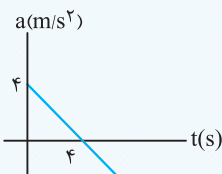
(۳) حرکت ابتدا در جهت مثبت محور و سپس در جهت منفی محور است.

(۴) حرکت ابتدا کندشونده و سپس تندشونده است.

پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار شتاب - زمان مثبت و سرعت اولیه متحرک صفر است. در نتیجه سرعت متحرک همواره مثبت بوده و در جهت مثبت محور در حال حرکت است. بنابراین گزینه (۱) درست است.

تست

شکل مقابل نمودار شتاب- زمان متحرکی را که از حالت سکون بر مسیر مستقیم حرکت می‌کند، نشان می‌دهد. سرعت متحرک در لحظه $t = 6s$ چند متر بر ثانیه است؟



۴ (۲)

۱۰ (۱)

۶ (۴)

۸ (۳)

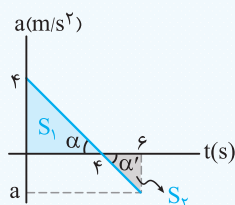
پاسخ: مساحت سطح زیر نمودار شتاب - زمان مشخص‌کننده تغییرات سرعت است. در این صورت داریم:

$$\Delta v = S_1 + S_2$$

$$\Rightarrow \Delta v = \left(\frac{4 \times 6}{2} \right) + \left(\frac{-2 \times 2}{2} \right) = 6 \text{ m/s}$$

$$|\tan \alpha| = |\tan \alpha'| \Rightarrow \left| \frac{4}{6} \right| = \left| \frac{a}{2} \right| \Rightarrow |a| = 2 \text{ m/s}^2$$

$$\Rightarrow \Delta v = v_2 - v_1 \Rightarrow 6 = v_2 - 0 \Rightarrow v_2 = 6 \text{ m/s} \Rightarrow \text{گزینه (۴) درست است.}$$





حرکت بر خط راست

فصل ۱

۲۰۹

قسمت اول: شناخت حرکت

۱. از داخل پرانتز عبارت درست را انتخاب کنید.

- (آ) طول مسیر پیموده شده توسط جسم (مسافت / جابه جایی) نام دارد.
 (ب) با تغییر مسیر حرکت بین دو نقطه (مسافت / جابه جایی) تغییر نمی کند.
 (پ) تندی متوسط کمیتی (بردار / نرده ای) است.
 (ت) جهت جابه جایی را علامت (تندی متوسط / سرعت متوسط) مشخص می کند.
 (ث) شیب خطی که نمودار مکان - زمان را در دو لحظه قطع می کند، برابر (سرعت متوسط / شتاب متوسط) بین آن دو لحظه است.
 (ج) در حرکت رفت و برگشت بر مسیر مستقیم بین دو نقطه (تندی متوسط / سرعت متوسط) صفر است.
 (چ) تندی لحظه ای کمیتی (بردار / نرده ای) است.
 (ح) شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان در هر نقطه برابر با (شتاب لحظه ای / سرعت لحظه ای) است.
 (خ) شتاب لحظه ای برابر با شیب خط مماس بر نمودار (مکان / زمان / سرعت - زمان) است.
 (د) بردار شتاب متوسط با بردار (جابه جایی / تغییر سرعت) هم جهت است.
 (ذ) سطح محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر تغییر (مکان / سرعت) است.
 (ر) سطح محصور بین نمودار شتاب - زمان و محور زمان برابر تغییر (مکان / سرعت) است.
 (ز) شتاب (متوسط / لحظه ای) شیب خطی است که دو نقطه متمایز را در نمودار سرعت - زمان به هم وصل می کند.

(تجربی - دی ۹۴)

(تجربی - شهریور ۹۶)

(تجربی - فرورد ۹۲)

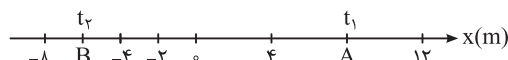
۲.

شکل مقابل مسیر حرکت ماه به دور زمین را نشان می دهد. مسیر حرکت ماه و بردار جابه جایی را بین دو نقطه (۱) و (۲) و بین دو نقطه (۲) و (۳) رسم کنید. (برگرفته از کتاب درسی)



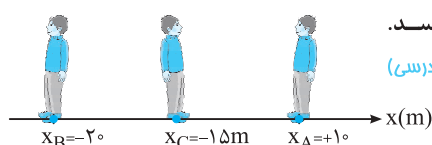
۳.

متحرکی مطابق شکل در لحظه t_1 در نقطه A و در لحظه t_2 در نقطه B قرار دارد. بردار مکان جسم در این لحظه ها را بر حسب بردار یکه بنویسید. (برگرفته از کتاب درسی)



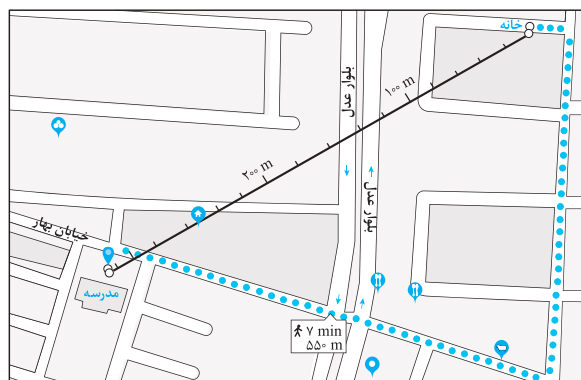
۴.

شکل مقابل شخصی را نشان می دهد که از نقطه A به نقطه B و در نهایت به نقطه C می رسد. مسافت پیموده شده توسط شخص چند متر است؟ (برگرفته از کتاب درسی)



۵.

دانش آموزی برای رسیدن از منزل به مدرسه مسیری مطابق شکل مقابل را طی می کند. تندی متوسط دانش آموز در این حرکت را مشخص کنید و مفهوم فیزیکی آن را بنویسید. (برگرفته از کتاب درسی)





(برگرفته از کتاب درسی)

۶. با توجه به داده‌های نقشه شکل مقابل، به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.
 (آ) تندی متوسط و سرعت متوسط را بر حسب km/h حساب کنید.
 (ب) شرط آن‌که سرعت متوسط و تندی متوسط با هم برابر شوند چیست؟

۷. با توجه به داده‌های جدول مقابل سرعت متوسط متحرک A در مدت ۴ ثانیه از سرعت متوسط متحرک B و اختلاف تندی متوسط در متحرک برابر متر بر ثانیه است.
 (برگرفته از کتاب درسی)

مکان آغازین	مکان نهایی	مسافت
متحرک A	$+4\hat{i}$	16m
متحرک B	$+7\hat{i}$	20m

(۱) بیش‌تر - ۱ (۲) کم‌تر - ۲ (۳) بیش‌تر - ۳ (۴) کم‌تر - ۴

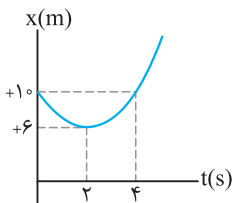
۸. با توجه به داده‌های مشخص‌شده در جدول که در مدت ۴ ثانیه گزارش شده است. اگر جسم روی محور X حرکت کند جدول زیر را کامل کنید. (یکاهای SI در نظر گرفته شده است).
 (برگرفته از کتاب درسی)

مکان آغازین	مکان نهایی	بردار جابه‌جایی	سرعت متوسط	جهت حرکت
متحرک A	$+4\hat{i}$	$+9\hat{i}$		
متحرک B	$-2\hat{i}$	$-4\hat{i}$		
متحرک C	$+8\hat{i}$	$+8\hat{i}$	$-2\hat{i}$	

۹. شخصی روی محور افقی و در جهت مثبت محور در مدت ۲۰ ثانیه، ۱۰۰ متر جابه‌جا می‌شود. سپس در مدت ۱۰ ثانیه، ۵۰ متر در جهت منفی محور حرکت می‌کند. تندی متوسط و سرعت متوسط شخص را حساب کنید.

۱۰. معادله مکان - زمان حرکت جسمی در SI به صورت $x = t^2 + 5t - 3$ است. سرعت متوسط جسم در دو ثانیه دوم حرکت چند m/s است؟

۱۱. جسمی روی محیط دایره‌ای به شعاع 5m با تندی ثابت 4m/s در حال حرکت است. اگر جسم در مدت زمان ۴ ثانیه دایره مسیر را طی کند، سرعت متوسط را در مدت زمانی که جسم کمانی به اندازه 60° طی می‌کند، حساب کنید.

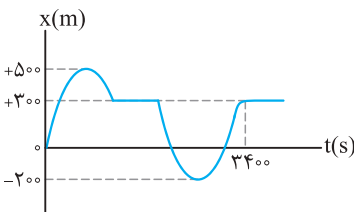


۱۲. معادله حرکت جسمی در SI و مسیر مستقیم به صورت $x = t^2 - 4t + 10$ است. تندی متوسط و سرعت متوسط جسم را پس از ۴ ثانیه حساب کنید.

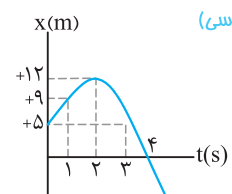
۱۳. متحرکی روی محور X در حال حرکت است و معادله سرعت - زمان آن در SI به صورت $v = 2t^2 - 18$ است.

(آ) شتاب متوسط متحرک در ۲ ثانیه دوم حرکت چند متر بر مربع ثانیه است؟

(ب) برای چه مدت بر حسب ثانیه این متحرک در جهت منفی محور X حرکت می‌کند؟



۱۴. نمودار مکان - زمان حرکت جسمی بر مسیر مستقیم مطابق شکل است. تندی متوسط جسم در مدت زمان نشان داده‌شده را حساب کنید.



(برگرفته از کتاب درسی)

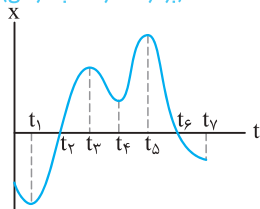
۱۵. با توجه به نمودار مکان - زمان داده‌شده، سرعت متوسط ذره را در بازه‌های زمانی زیر حساب کنید.

(آ) بین دو لحظه $t_1 = 1\text{s}$ تا $t_2 = 2\text{s}$

(ب) بین دو لحظه $t_1 = 0$ تا $t_2 = 4\text{s}$

(پ) بین دو لحظه $t_1 = 2\text{s}$ تا $t_2 = 4\text{s}$

(برگرفته از کتاب درسی)



۱۶. نمودار مکان - زمان حرکت ذره‌ای مطابق شکل است. با توجه به نمودار جملات درست یا نادرست را مشخص کنید.

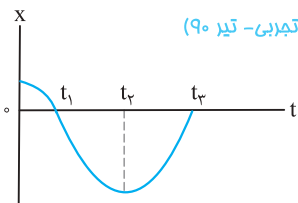
(آ) سرعت متوسط در کل حرکت مثبت است.

(ب) در دو لحظه t_1 و t_3 جهت حرکت جسم تغییر کرده است.

(پ) ذره دو بار از مبدأ محور عبور کرده است.

(ت) سرعت متوسط در بازه زمانی t_5 تا t_7 مثبت است.

۱۷. با توجه به نمودار مکان - زمان مقابل که مربوط به حرکت یک جسم روی خط راست است، به سؤالات پاسخ کوتاه دهید:



(تجربی - تیر ۹۰)

(آ) در کدام لحظه جسم تغییر جهت می‌دهد؟

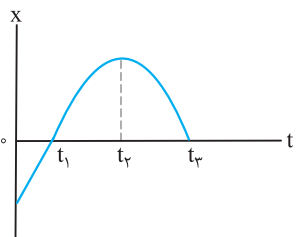
(ب) یک لحظه را مشخص کنید که جسم از مبدأ محور می‌گذرد.

(پ) در کدام لحظه جسم بیشترین فاصله را از مبدأ دارد؟

(ت) یک بازه زمانی را معین کنید که جسم در جهت مثبت محور X حرکت می‌کند؟

(ث) در کدام بازه زمانی شتاب منفی است؟

(ج) در کدام بازه زمانی حرکت کندشونده است؟



۱۸. نمودار مکان - زمان جسمی که بر روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل مقابل است: (نمودار در بازه زمانی ۰ تا t_1 به صورت یک خط راست است.)

(تجربی - اسفند ۹۰)

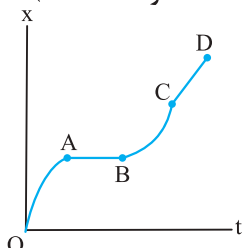
(آ) نوع حرکت در بازه زمانی $(0 - t_1)$ و $(t_3 - t_2)$ چیست؟

(ب) در کدام لحظه، سرعت جسم صفر است؟ چرا؟

(ریاضی - شهریور ۹۰)

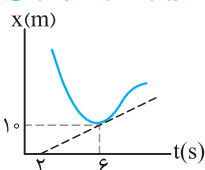
۱۹. نمودار مکان - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل مقابل است.

جدول زیر را با کلمه‌های مثبت، منفی یا صفر پر کنید. (مرحله AB خط افقی، مرحله BC قسمتی از یک سهمی و مرحله CD خط راست هستند.)

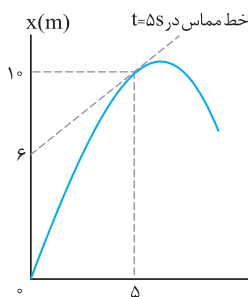


مرحله	کمیت	سرعت	شتاب
OA			
AB			
BC			
CD			

(برگرفته از کتاب درسی)



۲۰. نمودار مکان - زمان حرکت جسمی مطابق شکل است. سرعت جسم در لحظه $t = 6\text{ s}$ را حساب کنید.



۲۱. نمودار مکان - زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل است.

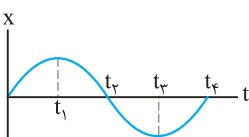
(آ) سرعت متحرک در $t = 5\text{ s}$ چند متر بر ثانیه است؟

(ب) سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی صفر تا ۵ ثانیه چند متر بر ثانیه است؟

(پ) علامت سرعت در ۵ ثانیه اول حرکت را مشخص کنید و از روی آن نوع حرکت متحرک را در این مدت توصیف کنید.

(تجربی - دی ۹۵)

۲۲. با توجه به نمودار روبه‌رو، درستی یا نادرستی جمله‌های زیر را تشخیص داده و به پاسخ برگ منتقل کنید.



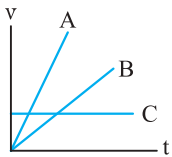
(آ) در بازه زمانی $(t_3 - t_2)$ ، حرکت، شتاب‌دار و تندی در حال کاهش است.

(ب) متحرک در لحظه t_1 تغییر جهت می‌دهد.

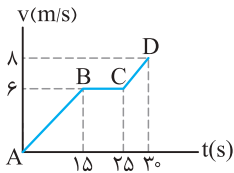
(پ) در لحظه t_3 شتاب حرکت صفر است.

(ت) در بازه زمانی $(0 - t_2)$ متحرک همواره در جهت مثبت محور X حرکت می‌کند.

(ث) علامت سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی $(t_1 - t_4)$ منفی است.



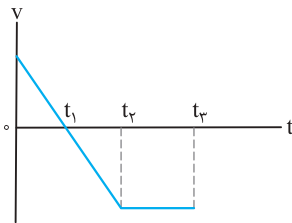
۲۳. در شکل مقابل نمودار سرعت - زمان سه متحرک نشان داده شده است. شتاب سه متحرک را به طور کیفی با یکدیگر مقایسه کنید.
(برگرفته از کتاب درسی)



۲۴. شکل مقابل نمودار سرعت-زمان متحرکی را که در امتداد محور X حرکت می‌کند، در مدت ۳۰ ثانیه نشان می‌دهد.
(برگرفته از کتاب درسی)

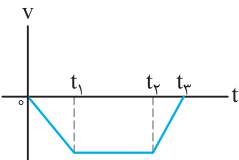
- آ) شتاب متحرک در لحظه‌های $t_1 = 10s$ و $t_2 = 27s$ را حساب کنید.
ب) شتاب متوسط در مدت ۳۰ ثانیه را حساب کنید.
پ) سرعت متوسط در کل زمان حرکت را حساب کنید.

۲۵. نمودار سرعت - زمان متحرکی در حرکت بر روی محور افقی، مطابق شکل است. (ریاضی- اسفند ۹۰، مشابه ریاضی- تیر ۹۰ و تجربی- اسفند ۸۷)



بازه زمانی	جهت حرکت	جهت شتاب	نوع حرکت
صفر تا t_1			
t_1 تا t_2			
t_2 تا t_3			

جدول زیر را به پاسخ‌برگ انتقال دهید و با توجه به نمودار، خانه‌های خالی آن را پر کنید.

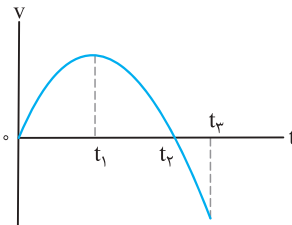


(تجربی- دی ۹۴)

۲۶. نمودار سرعت - زمان حرکت متحرکی مطابق شکل روبه‌رو است.

- آ) نمودار شتاب - زمان آن را به‌طور کیفی رسم کنید.
ب) در کدام بازه زمانی حرکت تندشونده است؟

۲۷. با توجه به نمودار سرعت - زمان مقابل که مربوط به حرکت یک جسم بر خط راست در راستای افقی است. عبارت‌های درست داخل پرانتز را در پاسخ‌برگ بنویسید. (نمودار از t_1 تا t_3 به‌صورت خط راست است.)
(تجربی- شهریور ۹۰)



(ریاضی- دی ۸۹)

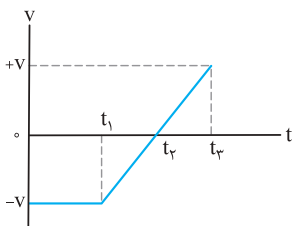
۲۸. در شکل مقابل، نمودار سرعت - زمان جسمی را مشاهده می‌کنید که روی محور X حرکت می‌کند؛

آ) در کدام بازه زمانی حرکت جسم کندشونده است؟

ب) در چه لحظه‌ای جسم تغییر جهت می‌دهد؟

پ) سرعت متوسط در کل زمان حرکت مثبت است یا منفی؟ توضیح دهید.

ت) شتاب متوسط در کل زمان حرکت مثبت است یا منفی؟ توضیح دهید.



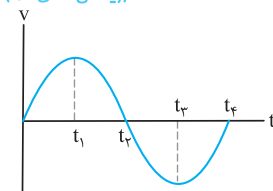
(ریاضی- دی ۹۰)

۲۹. نمودار سرعت - زمان حرکت جسمی، مطابق شکل است؛

آ) در کدام بازه زمانی بردار سرعت جسم در جهت محور X است؟

ب) در چه لحظه‌هایی شتاب حرکت جسم صفر است؟

پ) در بازه زمانی t_1 تا t_3 شتاب متوسط مثبت است یا منفی؟ توضیح دهید.

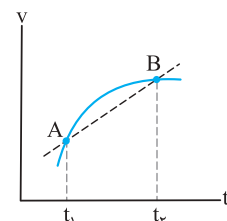


(تجربی- دی ۸۷)

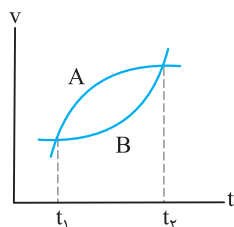
۳۰. نمودار سرعت - زمان حرکت جسمی بر روی خط راست، مطابق شکل است؛

آ) استنباط خود را در مورد پاره‌خط AB بیان کنید.

ب) رابطه فیزیکی مربوط به آن را بنویسید.



(تجربی - اسفند ۸۹)



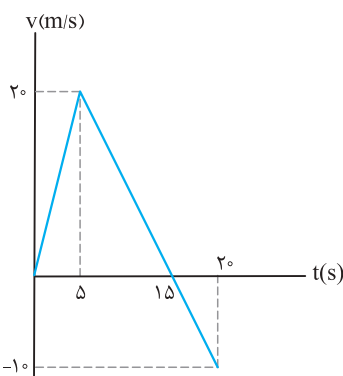
۳۱. نمودار سرعت - زمان حرکت دو جسم بر روی خط راست، مطابق شکل است:

(آ) شتاب کدام متحرک در حال کاهش است؟ توضیح دهید.

(ب) جابه‌جایی کدام متحرک کم‌تر است؟ توضیح دهید.

(پ) با استدلال شتاب متوسط دو متحرک را با هم مقایسه کنید.

(ت) نوع حرکت هر کدام چیست؟ (کندشونده یا تندشونده)



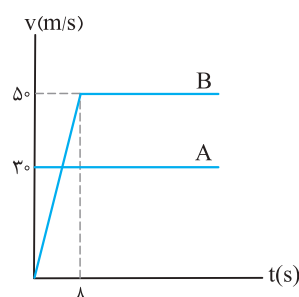
۳۲. نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل است:

(آ) شتاب متوسط را در بازه زمانی (۰ تا ۲۰) ثانیه به دست آورید.

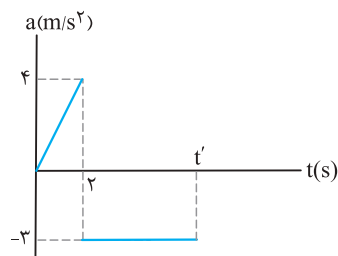
(ب) سرعت متوسط را در بازه زمانی (۰ تا ۲۰) ثانیه به دست آورید.

(پ) مسافت طی شده توسط متحرک در مدت صفر تا ۲۰ ثانیه چند متر است؟

(ت) در کدام بازه زمانی حرکت کندشونده است؟

۳۳. نمودار سرعت - زمان دو متحرک A و B که در $t = 0$ در یک مکان قرار دارند، مطابق شکل است.

پس از چه مدت دو متحرک دوباره به هم می‌رسند؟



۳۴. نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی خط راست در حال حرکت است، مطابق شکل مقابل است.

اگر در $t = 0$ سرعت متحرک 5 m/s باشد، و این متحرک در لحظه t' نشان داده شده در شکلمتوقف شود، t' چند ثانیه است؟

قسمت دوم: حرکت با سرعت ثابت

۳۵. از داخل پرانتز عبارت درست را انتخاب کنید.

(آ) در حرکت با سرعت ثابت، نمودار مکان - زمان به صورت (خطی - سهمی) است.

(ب) در حرکت با سرعت ثابت، اگر جسم در جهت مثبت محور حرکت کند، شیب خط نمودار مکان - زمان (مثبت - منفی) است.

(پ) در حرکت با سرعت ثابت، نمودار سرعت - زمان به صورت خطی با شیب (صفر - ثابت) است.

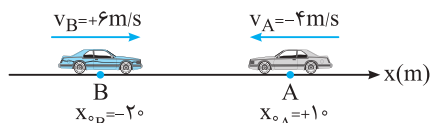
(ت) اگر تندی متحرکی در هر نقطه از مسیرش ثابت باشد و تغییر نکند، حرکت را با (سرعت ثابت - شتاب ثابت) می‌گویند.

(ث) در حرکت با (شتاب ثابت - سرعت ثابت) بر خط راست، سرعت متوسط و سرعت لحظه‌ای با هم برابر هستند.

۳۶. آیا در حرکت با سرعت ثابت، شتاب حرکت صفر است؟ توضیح دهید.

۳۷. خودروی A از مکان $x = +10 \text{ m}$ و خودروی B از مکان $x = -20 \text{ m}$ با سرعت‌های ثابت 4 m/s و 6 m/s در یک لحظه به سمت هم حرکت

می‌کنند.



(آ) در چه لحظه‌ای پس از شروع حرکت به هم می‌رسند؟

(ب) خودروی A تا لحظه رسیدن به B چند متر جابه‌جا می‌شود؟

۳۸. توسط یک ایستگاه زمینی برای کنترل محل قرارگیری ماهواره‌ای تپ الکترومغناطیسی به سوی آن فرستاده می‌شود. اگر زمان رفت و برگشت

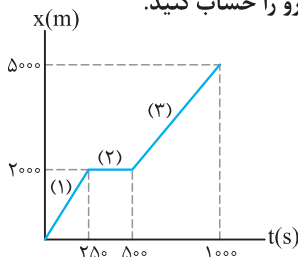
یک تپ 0.4 ثانیه باشد. فاصله ماهواره از ایستگاه زمینی تقریباً چند کیلومتر است؟ ($c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$) (برگرفته از کتاب درسی)

۳۹. جسمی با سرعت ثابت در حال حرکت است. اگر در لحظه $t_1 = 5s$ جسم در مکان $x_1 = +6m$ و در لحظه $t_2 = 20s$ در مکان $x_2 = +36m$ باشد، سرعت جسم را حساب کنید.

(ب) معادله مکان - زمان آن را بنویسید و نمودار مکان - زمان را رسم کنید.

۴۰. دو خودرو با سرعت‌های ثابت $10m/s$ و $15m/s$ در حال حرکت هستند و در مبدأ زمان در فاصله 200 متری هم قرار دارند. اگر در یک لحظه دو خودرو به سمت هم حرکت کنند، پس از گذشت چند ثانیه فاصله دو اتومبیل از هم 50 متر خواهد شد؟

۴۱. دو خودرو از فاصله 1 کیلومتری یکدیگر با سرعت‌های ثابت v_1 و v_2 روی محور افقی به طرف یکدیگر شروع به حرکت می‌کنند. دو خودرو پس از 50 ثانیه در مکانی که در فاصله 50 متر از وسط مسیر قرار دارد به یکدیگر می‌رسند. سرعت هر خودرو را حساب کنید.



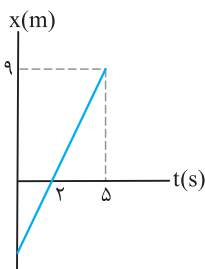
۴۲. شکل مقابل نمودار مکان - زمان حرکت شخصی روی خط راست است.

(آ) در کدام بازه زمانی شخص سریع‌تر حرکت کرده است؟

(ب) در کدام بازه زمانی شخص جابه‌جا نشده است؟

(پ) سرعت متوسط شخص در کل حرکت چند m/s است؟

۴۳. نمودار مکان - زمان متحرکی که روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل است. معادله حرکت این متحرک را بنویسید.

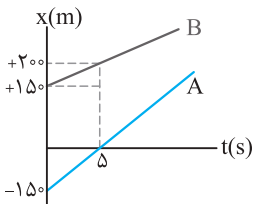


۴۴. شکل مقابل نمودار مکان - زمان دو خودرو را نشان می‌دهد که روی خط راست حرکت می‌کنند.

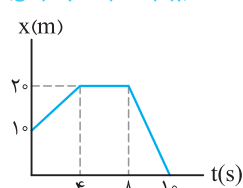
(آ) معادله حرکت هر یک از آن‌ها را بنویسید.

(ب) اگر خودروها با همین سرعت حرکت کنند، در چه زمان و مکان به هم می‌رسند؟

(برگرفته از کتاب درسی)



(برگرفته از کتاب درسی)



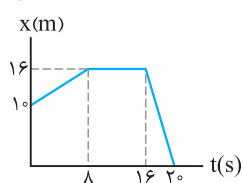
۴۵. شکل مقابل نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که در امتداد محور x حرکت می‌کند.

(آ) سرعت متحرک در لحظه‌های $t = 3s$ ، $t = 6s$ و $t = 9s$ را حساب کنید.

(ب) معادله حرکت را در هر یک از بازه‌های زمانی $(0-4)$ ، $(4-8)$ و $(8-10)$ بنویسید.

(پ) نمودار سرعت - زمان متحرک را رسم کنید.

(برگرفته از کتاب درسی)



۴۶. شکل مقابل نمودار مکان - زمان جسمی را نشان می‌دهد که در امتداد محور x حرکت می‌کند.

(آ) معادله حرکت جسم را در بازه‌های زمانی $(0-8s)$ و $(8-16s)$ بنویسید.

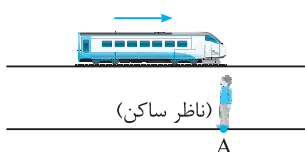
(ب) جسم در لحظه $t_1 = 4s$ در چه مکانی قرار دارد؟

(پ) بردار مکان جسم در لحظه $t = 12s$ را بنویسید.

۴۷. خودروی A با سرعت ثابت $10m/s$ روی محور x ها در حال عبور از نقطه $x = +20m$ و در جهت مثبت محور است. در همین لحظه

خودروی B با سرعت ثابت $15m/s$ در حال عبور از نقطه $x = +40m$ و در جهت منفی محور است. این دو خودرو در چه لحظه‌ای و در چه

مکانی به هم می‌رسند؟



۴۸. شخصی با سرعت ثابت $4m/s$ درون قطاری به طول 200 متر از انتهای آن به سمت ابتدای قطار

حرکت می‌کند. سرعت حرکت قطار ثابت و برابر $72km/h$ است. اگر ناظر ساکنی مطابق شکل در

نقطه A قرار داشته باشد، قطار نسبت به این ناظر ساکن چند متر جابه‌جا می‌شود؟



حرکت بر خط راست

پاسخ فصل ۱

۲۲۰

با توجه به داده‌های جدول ابتدا سرعت متوسط متحرک A و B را حساب می‌کنیم.

$$\left. \begin{aligned} v_{avA} &= \frac{\Delta x_A}{\Delta t} = \frac{-12 - 4}{4} = -4 \text{ m/s} \\ v_{avB} &= \frac{\Delta x_B}{\Delta t} = \frac{-3 - 7}{4} = -2.5 \text{ m/s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow |v_{avA}| > |v_{avB}|$$

برای محاسبهٔ تندی متوسط داریم:

$$\left. \begin{aligned} s_{avA} &= \frac{l_A}{\Delta t} = \frac{16}{4} = 4 \text{ m/s} \\ s_{avB} &= \frac{l_B}{\Delta t} = \frac{20}{4} = 5 \text{ m/s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow s_{avB} - s_{avA} = 1 \text{ m/s}$$

برای متحرک A می‌توان نوشت:

$$\Delta \vec{x} = \vec{x}_f - \vec{x}_i \Rightarrow +9\vec{i} = x_f - 4\vec{i} \Rightarrow x_f = +13\vec{i}$$

$$\vec{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \vec{i} = +\frac{9}{4} \vec{i} = (+2.25 \text{ m/s}) \vec{i}$$

برای متحرک B داریم:

$$\Delta \vec{x} = \vec{x}_f - \vec{x}_i = -4\vec{i} - (-2\vec{i}) = -2\vec{i}$$

$$\vec{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \vec{i} = -\frac{2}{4} \vec{i} = (-0.5 \text{ m/s}) \vec{i}$$

برای متحرک C خواهیم داشت:

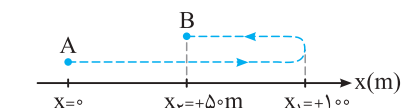
$$\vec{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \vec{i} \Rightarrow -2\vec{i} = \frac{\Delta \vec{x}}{4} \Rightarrow \Delta \vec{x} = -8\vec{i}$$

$$\Delta \vec{x} = \vec{x}_f - \vec{x}_i \Rightarrow -8\vec{i} = x_f - 8\vec{i} \Rightarrow x_f = 0\vec{i}$$

بنابراین جدول را به صورت زیر می‌توان کامل کرد:

جهت حرکت	سرعت متوسط	بردار جابه‌جایی	مکان پایانی	مکان آغازین	
مثبت محور	$+2.25 \vec{i}$	$+9 \vec{i}$	$+13 \vec{i}$	$+4 \vec{i}$	متحرک A
منفی محور	$-0.5 \vec{i}$	$-2 \vec{i}$	$-4 \vec{i}$	$-2 \vec{i}$	متحرک B
منفی محور	$-2 \vec{i}$	$-8 \vec{i}$	$+8 \vec{i}$	$+16 \vec{i}$	متحرک C

برای محاسبهٔ تندی متوسط و سرعت متوسط می‌توان نوشت:

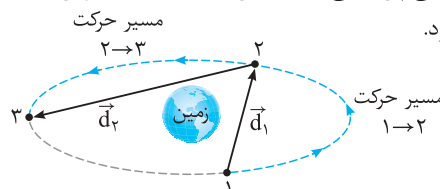


$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{150}{30} = 5 \text{ m/s}$$

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{50}{30} = \frac{5}{3} \text{ m/s}$$

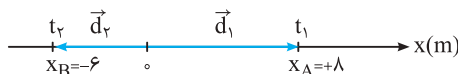
- ۱ مسافت (ب) جابه‌جایی (پ) نرده‌ای
 (ت) سرعت متوسط (ث) سرعت متوسط (ج) سرعت متوسط
 (چ) نرده‌ای (ح) سرعت لحظه‌ای (خ) سرعت - زمان
 (د) تغییر سرعت (ذ) مکان (ر) سرعت
 (ز) متوسط

بردار جابه‌جایی پاره‌خطی است که از نقطه (۱) به (۲) و از نقطه (۲) به (۳) وصل می‌شود.



مسیر حرکت جسم مجموعه نقاطی است که جسم در جابه‌جایی بین دو نقطه از آن‌ها عبور می‌کند.

بردار مکان، برداری است که از مبدأ محور به مکان جسم وصل می‌شود. در این صورت داریم:



$$\vec{d}_1 = +8 \vec{i}, \vec{d}_2 = -6 \vec{i}$$

طول مسیر حرکت جسم با مسافت پیموده‌شده برابر است. در این صورت می‌توان نوشت:

$$l = |x_B - x_A| + |x_C - x_B| \Rightarrow l = |-20 - 10| + |-15 + 20| \Rightarrow l = 30 + 5 = 35 \text{ m}$$

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{550}{4 \times 60} = 2.3 \text{ m/s}$$

دانش‌آموز به طور متوسط در هر ثانیه تقریباً ۱/۳ متر از پیموده است.

(آ) با توجه به شکل، جابه‌جایی بین دو شهر قیدار و زنجان برابر ۶۰ km و زمان حرکت یک ساعت و ۲۰ دقیقه است. در این صورت می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{60}{\frac{4}{3}} = \frac{180}{4} = 45 \text{ km/h}$$

مسافت پیموده‌شده برابر ۸۸ کیلومتر است. در این صورت برای محاسبهٔ تندی متوسط داریم:

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{88}{\frac{4}{3}} = 66 \text{ km/h}$$

(ب) برای آن‌که تندی متوسط و سرعت متوسط برابر شوند باید مسیر حرکت و جابه‌جایی جسم بر هم منطبق شوند یعنی جسم بر مسیر مستقیم و بدون تغییر جهت حرکت کند.

$$\left. \begin{aligned} t_1 = 0 \Rightarrow x_1 = +\Delta m \\ t_2 = 4s \Rightarrow x_2 = 0 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta x = 0 - \Delta = -\Delta m$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-\Delta}{4-0} = -1/2 \Delta m/s$$

$$\left. \begin{aligned} t_1 = 2s \Rightarrow x_1 = +12m \\ t_2 = 4s \Rightarrow x_2 = 0 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta x = 0 - 12 = -12m$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-12}{4-2} = -6m/s$$

۱۶

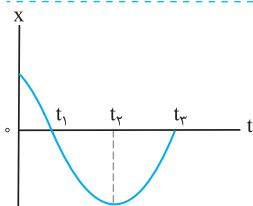
(آ) درست، شیب خط واصل بین دو لحظه $t = 0$ تا t_2 مثبت است یعنی سرعت متوسط مثبت است.

(ب) درست، در دو لحظه t_1 و t_2 شیب خط مماس بر نمودار $x-t$ صفر است و پس از این لحظه‌ها علامت سرعت تغییر کرده است.

(پ) درست، در دو لحظه t_2 و t_3 ذره از مبدأ محور عبور کرده است.

(ت) نادرست، شیب خط واصل بین دو لحظه t_2 تا t_3 منفی است. بنابراین سرعت متوسط نیز منفی است.

۱۷



(آ) t_2 یا t_1 (ب) t_3

(پ) t_2 (ت) $(t_2 - t_3)$

(ث) $(0 - t_1)$ (ج) $(t_1 - t_2)$

۱۸

(آ) در بازه زمانی $(0 - t_1)$ حرکت با سرعت ثابت و در بازه زمانی $(t_2 - t_3)$ حرکت با شتاب ثابت و تندشونده است.

(ب) در لحظه t_2 سرعت جسم صفر است؛ زیرا شیب خط مماس بر نمودار در این لحظه صفر است.

۱۹

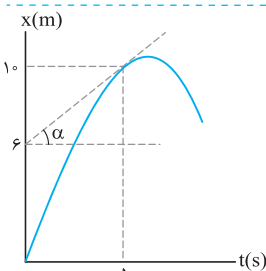
مرحله	کمیت	سرعت	شتاب
OA			منفی
AB		صفر	
BC		مثبت	مثبت
CD			صفر

۲۰

شیب خط مماس بر نمودار $x-t$ با سرعت لحظه‌ای برابر است، در این صورت داریم:

$$v_{t=6} = \text{شیب خط مماس} = \frac{10}{6-2} = \frac{10}{4} = 2.5 m/s$$

۲۱



(آ) برای پیدا کردن سرعت در لحظه $t = 5s$ باید شیب خط مماس در این لحظه را پیدا کنیم؛ شیب این خط برابر تانژانت α است.

$$v_5 = \tan \alpha = \frac{4}{5} = 0.8 m/s$$

(ب)

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_5 - x_0}{t_5 - t_0} = \frac{10 - 0}{5 - 0} = 2 m/s$$

۱۰

برای محاسبه سرعت متوسط، ابتدا جابه‌جایی جسم در دو ثانیه دوم حرکت را حساب می‌کنیم.

$$t_1 = 2s \Rightarrow x_1 = (2)^2 + 5(2) - 3 = 11m$$

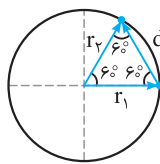
$$t_2 = 4s \Rightarrow x_2 = (4)^2 + 5(4) - 3 = 33m$$

$$\Delta x = x_2 - x_1 = 33 - 11 = 22m$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{22}{4-2} = \frac{22}{2} = 11 m/s$$

۱۱

جسم در مدت ۴ ثانیه، زاویه‌ای برابر 36° را طی می‌کند. در این صورت برای پیمودن زاویه‌ای برابر 6° به مدت زمانی برابر $\frac{2}{3}$ ثانیه احتیاج دارد. با استفاده از رابطه محاسبه سرعت متوسط می‌توان نوشت:



$$r_1 = r_2 = r = \Delta m \Rightarrow d = \Delta m$$

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{\Delta}{\frac{2}{3}} = 1.5 \Delta m/s$$

۱۲

مسافت پیموده‌شده توسط جسم در مدت ۴ ثانیه را با توجه به نمودار به دست می‌آوریم:

$$l = 4 + 4 = 8m$$

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{8}{4} = 2 m/s$$

برای محاسبه سرعت متوسط داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{10 - 10}{4} = 0$$

۱۳

(آ) دو ثانیه دوم بازه زمانی $(2, 4)$ ثانیه است:

$$v = 2t^2 - 18 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 2s \Rightarrow v_1 = -10 m/s \\ t_2 = 4s \Rightarrow v_2 = 14 m/s \end{cases}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{14 - (-10)}{4 - 2} = \frac{24}{2} = 12 m/s^2$$

(ب) هرگاه علامت سرعت منفی باشد متحرک در جهت منفی محور x حرکت می‌کند.

$$v < 0 \Rightarrow 2t^2 - 18 < 0 \Rightarrow 2t^2 < 18 \Rightarrow t^2 < 9 \Rightarrow |t| < 3$$

چون زمان نمی‌تواند منفی باشد بنابراین در بازه زمانی $0 \leq t < 3s$ متحرک در جهت منفی محور x حرکت می‌کند.

۱۴

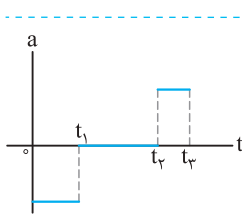
باتوجه به نمودار مسافت پیموده‌شده توسط جسم برابر با $1700 = 2(500) + 2(200) + 300$ متر است. با استفاده از رابطه محاسبه تندی متوسط داریم:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{1700}{3400} = 0.5 m/s$$

۱۵

$$\left. \begin{aligned} t_1 = 1s \Rightarrow x_1 = +9m \\ t_2 = 2s \Rightarrow x_2 = +12m \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta x = 12 - 9 = 3m$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{3}{2-1} = +3 m/s$$



(ب) در بازه زمانی $(0 - t_1)$ تندی در حال افزایش است یعنی حرکت تندشونده انجام می‌شود.



(آ) مثبت (ب) متغیر (پ) صفر (ت) صفر (ث) خلاف جهت (ج) مکان



(ب) مساحت سطح زیر نمودار سرعت-زمان با در نظر گرفتن علامت برابر جابه‌جایی است؛ یعنی:
 $\Delta x = S_1 + S_2$

از آن جایی که S_1 منفی است و اندازه آن از S_2 بزرگ‌تر است، پس جابه‌جایی در کل زمان حرکت منفی است. بنابراین سرعت متوسط

(ب) $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ نیز منفی خواهد شد.

(ت) اگر یک خط بین ابتدا و انتهای نمودار رسم کنیم، شیب آن مثبت است، بنابراین شتاب متوسط در کل حرکت مثبت است.



(ب) شتاب متوسط در بازه زمانی t_1 تا t_3 برابر شیب پاره‌خط AB در شکل مقابل است. چون این شیب منفی است پس شتاب متوسط نیز در این بازه زمانی منفی است.

(آ) شیب پاره‌خط AB شتاب متوسط در بازه زمانی t_1 تا t_3 است.



(ب) شتاب متحرک A در حال کاهش است؛ زیرا شیب نمودار سرعت-زمان آن در حال کاهش است.

(ب) جابه‌جایی متحرک B کمتر از متحرک A است؛ زیرا سطح زیر نمودار سرعت-زمان آن کمتر است.

(پ) چون در یک بازه زمانی تغییرات سرعت هر دو متحرک برابر است، پس شتاب متوسط دو متحرک با هم برابر است.

(ت) حرکت هر دو متحرک تندشونده است. زیرا تندی هر دو متحرک از v_1 به v_2 رسیده و $v_2 > v_1$ است.

(پ) شیب نمودار در بازه زمانی صفر تا ۵ ثانیه مثبت است. بنابراین سرعت در این بازه مثبت است. شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان در این بازه زمانی در حال کاهش است. یعنی تندی در حال کم شدن است و حرکت کندشونده انجام می‌شود.

(آ) نادرست، مقدار شیب خط مماس در حال افزایش است یعنی تندی در حال زیاد شدن است. بنابراین حرکت تندشونده انجام می‌شود.

(ب) درست، در لحظه t_1 شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان صفر است.

(پ) نادرست، در لحظه t_3 سرعت جسم صفر است.

(ت) نادرست، در بازه زمانی صفر تا t_1 شیب خط مماس که مشخص‌کننده سرعت است مثبت می‌باشد، یعنی متحرک در جهت مثبت محور حرکت می‌کند. اما در بازه زمانی $t_1 - t_2$ ، شیب خط مماس منفی است، یعنی علامت سرعت منفی می‌باشد و متحرک در جهت منفی محور حرکت می‌کند.

(ث) درست، شیب خط بین دو لحظه t_1 و t_2 منفی است یعنی سرعت متوسط منفی می‌باشد.

(ب) شیب نمودار سرعت-زمان مشخص‌کننده شتاب حرکت است. با توجه به نمودار شیب خط نمودار سرعت-زمان برای متحرک A از B بیش‌تر است و شیب نمودار برای متحرک C صفر است. بنابراین می‌توان نوشت:
 $a_A > a_B > a_C = 0$

(آ) شیب خط نمودار سرعت-زمان در قسمت‌های AB و CD ثابت است. در این صورت می‌توان نوشت:

$$a_{t_1=10s} = a_{av(0-10)} \Rightarrow a_{t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{6-0}{10} = \frac{3}{5} \text{ m/s}^2$$

$$a_{t_2=20s} = a_{av(20-30)} \Rightarrow a_{t_2} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{8-6}{10} = \frac{2}{5} \text{ m/s}^2$$

(ب) برای محاسبه شتاب متوسط می‌توان نوشت:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{8-0}{30} = \frac{4}{15} \text{ m/s}^2$$

(پ) برای محاسبه سرعت متوسط ابتدا سطح زیر نمودار سرعت-زمان را که مشخص‌کننده جابه‌جایی است به دست می‌آوریم:

$$\left. \begin{aligned} S_1 &= \frac{1}{2} \times 6 \times 10 = 30 \text{ m} \\ S_2 &= 6 \times 10 = 60 \text{ m} \\ S_3 &= \frac{1}{2} (6+8) \times 10 = 70 \text{ m} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta x = S_1 + S_2 + S_3 = 160 \text{ m}$$

اکنون با استفاده از رابطه سرعت متوسط می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{160}{30} = \frac{16}{3} \text{ m/s}$$

(ب) ۲۵

بازه زمانی	جهت حرکت	جهت شتاب	نوع حرکت
صفر تا t_1	+x	-x	کندشونده
t_1 تا t_2	-x	-x	تندشونده
t_2 تا t_3			با سرعت ثابت

۳۷

آ) اگر دو خودرو در یک لحظه در یک مکان باشند به هم رسیده‌اند. در این صورت می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{aligned} x_A &= -4t + 10 \\ x_B &= 6t - 20 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{aligned} -4t + 10 &= 6t - 20 \\ -10t &= -30 \Rightarrow t = 3s \end{aligned}$$

ب) برای محاسبه جابه‌جایی خودروی A تا لحظه به هم رسیدن داریم:

$$\Delta x = v_A \Delta t \Rightarrow \Delta x = -4 \times 3 = -12m$$

۳۸

با توجه به ثابت بودن سرعت تپ الکترومغناطیسی در فضا می‌توان نوشت:

$$\Delta x = v \Delta t \Rightarrow \Delta x = 3 \times 10^8 \times 0.2 = 6 \times 10^7 m$$

$$\Rightarrow \Delta x = \frac{6 \times 10^7}{10^3} = 6 \times 10^4 km$$

۳۹

$$t_f = 20s, \quad x_f = 36m$$

$$t_1 = 5s, \quad x_1 = 6m$$

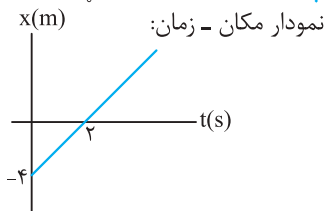
$$\Rightarrow v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{36 - 6}{20 - 5} = \frac{30}{15} = 2 m/s$$

$$\Rightarrow v = v_{av} = 2 m/s$$

$$x = vt + x_0 \xrightarrow[t_1=5m]{t_f=20s} 6 = 2 \times 5 + x_0$$

$$\Rightarrow x_0 = -4m$$

$$x = 2t - 4 \text{ معادله حرکت}$$



۴۰

اگر دو خودرو به هم نرسیده باشند.



مبدأ حرکت ۵۰m

$$x_1 = v_1 t + x_0 = +10t$$

$$x_2 = v_2 t + x_0 = -15t + 200, \quad \Delta x = 50$$

$$\Rightarrow -25t + 200 = 50 \Rightarrow -25t = -150 \Rightarrow t = 6s$$

اگر دو خودرو از هم عبور کرده باشند.



۵۰m

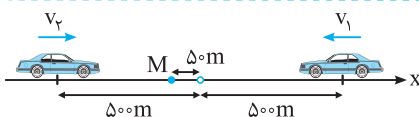
$$x_1 = +10t'$$

$$x_2 = -15t' + 200, \quad \Delta x = -50m$$

$$-25t' + 200 = -50 \Rightarrow -25t' = -250 \Rightarrow t' = 10s$$

یعنی در دو لحظه $t = 6s$ و $t' = 10s$ فاصله دو خودرو از هم برابر ۵۰ متر است.

۴۱



$$\Delta x_1 = 550m, \quad v_1 = \frac{\Delta x_1}{\Delta t_1} \Rightarrow v_1 = \frac{550}{50} = 11 m/s$$

$$\Delta x_2 = 450m, \quad v_2 = \frac{\Delta x_2}{\Delta t_2} \Rightarrow v_2 = \frac{450}{50} = 9 m/s$$

۳۲

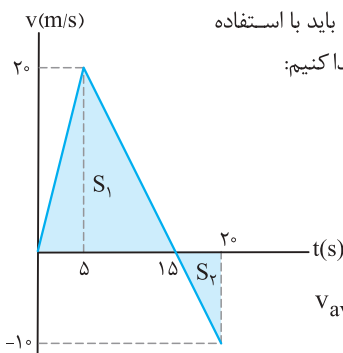
$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-10 - 0}{20} = \frac{-10 - 0}{20} = -0.5 m/s^2$$

ب) برای پیدا کردن سرعت متوسط باید با استفاده

از سطح زیر نمودار جابه‌جایی را پیدا کنیم:

$$\begin{aligned} \Delta x &= S_1 + S_2 \\ &= \frac{15 \times 20}{2} + \frac{5 \times (-10)}{2} \\ &= 150 - 25 = 125m \end{aligned}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{125}{20} = 6.25 m/s$$



$$پ) مسافت طی شده = |S_1| + |S_2| = 150 + 25 = 175m$$

ت) در بازه زمانی ۵ تا ۱۵ ثانیه حرکت متحرک کندشونده است. زیرا در این مرحله سرعت متحرک از ۲۰ m/s به صفر رسیده و یا این‌که می‌توان گفت در این مرحله شتاب (شیب نمودار) منفی و سرعت مثبت است.

۳۳

وقتی دو متحرک از یک نقطه شروع به حرکت می‌کنند و دوباره به هم می‌رسند، جابه‌جایی‌های یکسانی دارند. بنابراین سطح زیر نمودار سرعت - زمان آن‌ها باید برابر باشد. اگر در لحظه t دو متحرک به هم برسند، باید سطح زیر نمودار B که یک دوزنقه است با سطح زیر نمودار A که یک مستطیل است برابر شود:

$$\Delta x_A = \Delta x_B \Rightarrow 30t = \frac{50(t + t - 8)}{2}$$

$$30t = 50t - 200 \Rightarrow t = 10s$$

۳۴

مساحت زیر نمودار شتاب - زمان برابر تغییرات سرعت است. از طرفی سرعت در ابتدا ۵ m/s و در لحظه t' صفر است.

بنابراین:

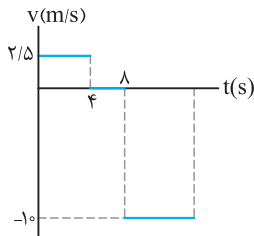
$$\begin{aligned} \Delta v &= S_1 + S_2 \\ 0 - 5 &= \frac{4 \times 2}{2} + (t' - 2) \times (-3) \\ -9 &= -3(t' - 2) \Rightarrow t' - 2 = 3 \Rightarrow t' = 5s \end{aligned}$$

۳۵

خطی (پ) مثبت (ب) سرعت ثابت (ث) سرعت ثابت (ت) صفر

۳۶

حرکت با سرعت ثابت می‌تواند بر مسیر مستقیم انجام شود. در این حالت تندی حرکت ثابت است و مسیر حرکت روی خط راست است. بنابراین شتاب حرکت صفر است.



(پ)

۴۶

(آ) در بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 8$ s داریم:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{16 - 0}{8} = \frac{2}{1} \text{ m/s}$$

$$x = vt + x_0 \Rightarrow x = \frac{2}{1}t + 0$$

در بازه زمانی $t = 16$ s تا $t = 20$ s داریم:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 - 16}{20 - 16} = -\frac{16}{4} = -4 \text{ m/s}$$

$$x = vt + x_0 \Rightarrow x = -4t + 16$$

(ب) در لحظه $t_1 = 4$ s داریم:

$$x = \frac{2}{1}t + 0 \xrightarrow{t=4s} x = \frac{2}{1} \times 4 + 0 = 8 \text{ m}$$

(پ) در لحظه $t = 12$ s جسم در مکان $x = +16$ m قرار دارد. در این

صورت بردار مکان آن به صورت مقابل نوشته می شود:

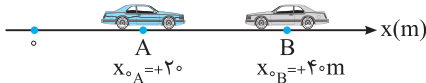
$$\vec{x} = +16 \hat{i}$$

۴۷

ابتدا معادله حرکت دو خودرو را می نویسیم:

$$x_A = 10t + 20$$

$$x_B = -15t + 40$$



شرط رسیدن خودروها آن است که در یک لحظه، در یک مکان باشند.

$$x_A = x_B \Rightarrow 10t + 20 = -15t + 40 \Rightarrow 25t = 20 \Rightarrow t = \frac{4}{5} \text{ s}$$

در لحظه به هم رسیدن، مکان خودروها برابر است با:

$$x = 10t + 20 = (10 \times \frac{4}{5}) + 20 = 28 \text{ m}$$

۴۸

ابتدا زمانی را حساب می کنیم که شخص لازم دارد تا از انتهای قطار به ابتدای آن برسد.

$$\Delta x_1 = v \Delta t \Rightarrow 200 = 4 \Delta t \Rightarrow \Delta t = 50 \text{ s}$$

در این مدت جابه جایی قطار را حساب می کنیم:

$$\Delta x_2 = v \Delta t = (72 \times \frac{1}{36}) \times 50 = 20 \times 50 = 1000 \text{ m}$$

در این صورت قطار نسبت به شخص قرار گرفته در نقطه A جابه جایی به اندازه Δx_T دارد که این مقدار از رابطه زیر محاسبه می شود

$$\Delta x_T = \Delta x_1 + \Delta x_2 \Rightarrow \Delta x_T = 200 + 1000 = 1200 \text{ m}$$

۴۹

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \Delta x_3}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3} = \frac{\Delta x_1}{\Delta t_1} + \frac{\Delta x_2}{\Delta t_2} + \frac{\Delta x_3}{\Delta t_3}$$

$$= \frac{d + 2d - d}{\frac{d}{v} + \frac{2d}{4v} + (\frac{-d}{-2v})}$$

۴۲

(آ) برای مشخص کردن مدت زمانی که جسم سریع تر حرکت کرده است، سرعت متوسط را در هر یک از قسمت ها حساب می کنیم.

$$v_{av_1} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{2000}{250} = 8 \text{ m/s}$$

$$v_{av_2} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = 0$$

$$v_{av_3} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{3000}{500} = 6 \text{ m/s}$$

بنابراین شخص در مرحله (۱) سریع تر حرکت کرده است.

(ب) در قسمت (۲) مکان شخص ثابت است.

$$v_{av_T} = \frac{\Delta x_T}{\Delta t_T} = \frac{5000}{1000} = 5 \text{ m/s}$$

(پ)

۴۳

چون نمودار $x - t$ یک خط راست است، پس این نمودار مربوط به یک حرکت با سرعت ثابت است. ابتدا سرعت و مکان اولیه متحرک را پیدا می کنیم:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{9 - 0}{5 - 2} = 3 \text{ m/s}$$

$$x = vt + x_0 \xrightarrow{t=5s, x=9m} 9 = 3 \times 5 + x_0 \Rightarrow x_0 = -6 \text{ m}$$

بنابراین معادله حرکت به صورت زیر خواهد شد:

$$x = vt + x_0 \Rightarrow x = 3t - 6$$

۴۴

(آ) ابتدا سرعت هر یک از خودروها را حساب می کنیم:

$$v_A = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 - (-150)}{5} = 30 \text{ m/s}$$

$$v_B = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{200 - 150}{5} = 10 \text{ m/s}$$

با استفاده از صورت کلی معادله حرکت با سرعت ثابت داریم:

$$x = vt + x_0 \Rightarrow \begin{cases} x_A = 30t - 150 \\ x_B = 10t + 150 \end{cases}$$

(ب) اگر مکان دو خودرو در یک لحظه با هم برابر باشند، به هم رسیده اند. در این صورت داریم:

$$x_A = x_B \Rightarrow 30t - 150 = 10t + 150$$

$$\Rightarrow 20t = 300 \Rightarrow t = 15 \text{ s}$$

برای محاسبه مکان به هم رسیدن داریم:

$$x_B = x_A = 30t - 150$$

$$\xrightarrow{t=15s} x_A = 30 \times 15 - 150 = 450 - 150 = 300 \text{ m}$$

۴۵

(آ) در بازه زمانی (۰-۴) ثانیه، سرعت ثابت است. در این صورت سرعت متوسط با سرعت لحظه ای برابر است. در این صورت داریم:

$$v_{av} = v_{t=3s} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{20 - 0}{4 - 0} = 5 \text{ m/s}$$

در بازه زمانی (۴-۸) ثانیه، جسم ساکن است و در بازه زمانی (۸-۱۰) ثانیه داریم:

$$v_{av} = v_{t=9s} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 - 20}{10 - 8} = -10 \text{ m/s}$$

(ب) برای مشخص کردن معادله حرکت داریم:

$$(0-4): x = 5t + 0$$

$$(4-8): \Delta x = 0, \quad x = 20 \text{ m}$$

$$(8-10): x = -10t + 20$$