

# فهرست

۷	عدد و الگوهای عددی	۱
۳۷	کسر	۲
۶۰	اعداد اعشاری	۳
۹۰	آزمون میان نوبت اول	
۹۳	تقارن و مختصات	۴
۱۱۴	آزمون نوبت اول	
۱۱۷	اندازه‌گیری	۵
۱۵۲	تناسب و درصد	۶
۱۷۹	آزمون میان نوبت دوم	
۱۸۲	تقرب	۷
۲۰۲	آزمون نوبت دوم	
۲۰۵	آزمون هماهنگ ۹۶	



# عدد و الگوهای عددی

## درسنامه

### درس اول: الگوهای عددی

در شکل مقابل ۱۲ ستاره هست. آنها را به دسته‌های دوتایی تقسیم می‌کنیم. همان‌طور که مشاهده می‌کنید، تمام ستاره‌ها در دسته‌های دوتایی قرار گرفته‌اند و هیچ ستاره‌ای باقی نمانده است.



عدد ۱۲، عددی زوج است، زیرا اگر ۱۲ تا قلم یا ۱۲ تا دفتر یا ۱۲ تا ستاره داشته باشیم، می‌توانیم آنها را به دسته‌های دوتایی تقسیم کنیم، بدون این که قلم یا دفتر یا ستاره‌ای خارج از دسته‌های دوتایی داشته باشیم.

می‌دانیم که هر انسان دارای دو دست است. جدول زیر رابطه‌ی بین تعداد انسان‌ها و تعداد دست‌های آنها را نشان می‌دهد.

تعداد انسان‌ها	۱	۲	۳	۷	۱۹
تعداد دست‌ها	$1 \times 2$	$2 \times 2$	$3 \times 2$	$7 \times 2$	$19 \times 2$
رابطه‌ی بین تعداد انسان‌ها و تعداد دست‌ها	$2 \times 1$	$2 \times 2$	$2 \times 3$	$2 \times 7$	$2 \times 19$

طبق رابطه‌ای که در جدول بالا وجود دارد، می‌توانیم بنویسیم:

$$\text{تعداد انسان‌ها} \times 2 = \text{تعداد دست‌ها}$$

اگر تعداد انسان‌ها را با و تعداد دست‌ها را با نشان دهیم، رابطه‌ی بالا به صورت زیر درمی‌آید.

$$\square = 2 \times \circle{1}$$

**مثال** ۱۷ انسان روی هم چند دست دارند؟ (علامت یعنی: نتیجه می‌گیریم)

$$\square = 2 \times \circle{17} \Rightarrow \square = 34$$

پاسخ





**مثال ۵۲** دست برای چند انسان است؟

$$52 = 2 \times \text{ } \rightarrow \text{ } = 52 \div 2 = 26$$

**پاسخ**

به عدهای ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ... عددی طبیعی می‌گویند.

به عدهای ۲، ۴، ۶، ۸، ۱۰، ۱۲، ... عددی زوج یا مضرب‌های عدد ۲ می‌گویند.

مضرب ۲ یعنی عددی که بر ۲ بخش‌پذیر است.

**نتیه** از ضرب عدهای طبیعی در عدد ۲، عدهای زوج حاصل می‌شود.

	<b>عددی طبیعی</b> $\times 2$	<b>عددی زوج</b> ۲							
			۱	۲	۳	۴	۵	۶	...
			۲	۴	۶	۸	۱۰	۱۲	...

در عدهایی که بیش از یک رقم دارند، اگر رقم سمت راست عدد، ۸، ۶، ۴، ۰ باشد، به آن عدها، عدهای زوج می‌گوییم.

۳۷۵۹۰ - ۷۳۳۴ - ۲۱۸

**مانند**

با توجه به الگویی که در شکل زیر هست، جدول زیر را کامل کرده‌ایم.



	<b>شماره‌ی شغل</b>	<b>تعداد دایره‌ها</b>							
			۱	۲	۳	۴	...		
			۱	۳	۵	۷	...		
			$(1 \times 2) - 1$	$(2 \times 2) - 1$	$(3 \times 2) - 1$	$(4 \times 2) - 1$	...		

**مثال ۲۳** شکل شماره‌ی ۲۳ دارای چند دایره است؟

$$23 \times 2 - 1 = 45$$

**پاسخ**

شماره‌ی شکلی که دارای ۹۳ دایره است، چند است؟

$$93 = 2 \times \text{ } - 1 \rightarrow \text{ } = \frac{93 + 1}{2} = 47$$

**پاسخ**

اگر شماره‌ی شکل را با و تعداد دایره‌ها را با نمایش دهیم، رابطه‌ی بین تعداد دایره‌ها و شماره‌ی شکل به صورت زیر است.

$$\text{ } = 2 \times \text{ } - 1$$

به عدهای ۱، ۳، ۵، ۷، ۹، ۱۱، ... عددی فرد می‌گوییم.

هر عدد طبیعی که زوج نباشد، فرد است.

**جمع و تفریق عدهای زوج و فرد**

مجموع دو عدد زوج، عددی زوج است.

$$2 + 4 = 6$$

$$8 + 12 = 20$$

مجموع دو عدد فرد، عددی زوج است.

$$3 + 5 = 8$$

$$11 + 7 = 18$$

مجموع یک عدد زوج و یک عدد فرد، عددی فرد است.

$$4 + 5 = 9$$

$$17 + 6 = 23$$

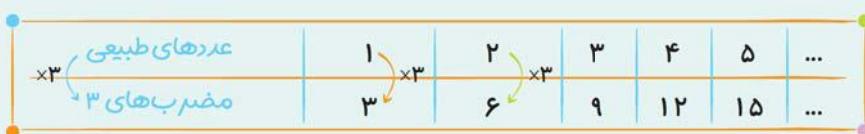
**مثال**





### مضربهای یک عدد

به جدول روبه رو دقت کنید.



همان‌طور که می‌بینید عدهای سطر پایین مضربهای ۳ هستند؛ یعنی عدهایی که بر ۳ بخش‌پذیرند.

از ضرب عدهای طبیعی در ۳، مضربهای ۳ حاصل می‌شوند.

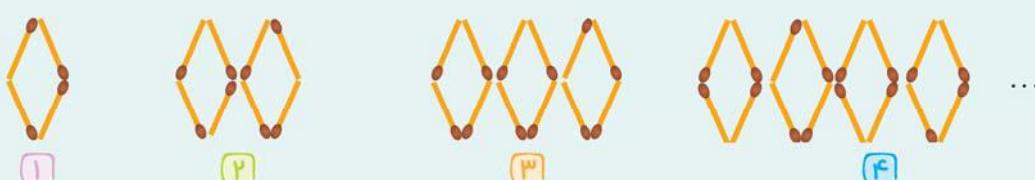
عددهای ...، ۲۵، ۲۰، ۱۵، ۱۰، ۵ را مضربهای ۵ می‌گویند.

مضربهای ۵، بر ۵ بخش‌پذیر هستند.

کوچکترین مضرب هر عدد، خود آن عدد است.

**مثال** کوچکترین مضرب ۷، عدد ۷ و کوچکترین مضرب ۱۸، عدد ۱۸ است.

به الگوی زیر که با چوب‌کبریت ساخته شده، دقت کنید.



الگوی عددی مقابل، تعداد چوب‌کبریت‌های شکل بالا را نشان می‌دهد.

۴ ، ۸ ، ۱۲ ، ۱۶ ، ...  
 $1 \times 4$      $2 \times 4$      $3 \times 4$      $4 \times 4$

شماره‌های شکل‌ها

این الگوی عددی، مضربهای ۴ را نشان می‌دهد. چون تعداد چوب‌کبریت‌های هر شکل، ۴ برابر عدد شماره‌ی آن شکل است، پس بین آن‌ها تناسب  $(\frac{1}{4})$  برقرار است.

**مثال** در شکل هفتم چند چوب‌کبریت وجود دارد؟

پاسخ

$$\frac{1}{4} = \frac{7}{28}$$

(شماره‌ی شکل)      (تعداد چوب‌کبریت)

$$\frac{1}{4} = \frac{17}{68}$$

$$1 \times 12 = 12$$

$$2 \times 6 = 12$$

$$3 \times 4 = 12$$

**مثال** در شکل چندم ۶۸ چوب‌کبریت هست؟

پاسخ در شکل هفدهم

به ضربهای مقابل دقت کنید.

با توجه به تساوی‌های بالا، می‌فهمیم که ۱۲. ۰.۳۰۲۰۱. ۰.۴۰۶ و ۱۲ است.

**مثال** عدد ۱۸ مضرب چه عدهایی می‌تواند باشد؟

**مثال** عدد ۱۸ مضرب عدهای ۱، ۲، ۳، ۶، ۹ و ۱۸ است.

پاسخ

$$1 \times 18 = 18$$

$$2 \times 9 = 18$$

$$3 \times 6 = 18$$





**مثال** سه عدد بعدی الگوی عددی زیر را بنویسید و سپس عدد چهلم این الگو را بیابید.

۳، ۸، ۱۳، ۱۸، ...

۳، ۸، ۱۳، ۱۸، ۲۳، ۲۸، ۳۳، ...

$$\left. \begin{array}{l} \text{عدد اول} = 1 \times 5 - 2 = 3 \\ \text{عدد دوم} = 2 \times 5 - 2 = 8 \\ \text{عدد سوم} = 3 \times 5 - 2 = 13 \end{array} \right\} \rightarrow \text{عدد چهلم} = 40 \times 5 - 2 = 198$$

اگر به هر عدد این الگو، ۵ واحد اضافه کنیم، عدد بعدی به دست می‌آید، بنابراین اعداد الگو با مضرب‌های ۵ ارتباط دارند.

### پاسخ

## پرسش‌های دوگزینه‌ای

۱- کدام عدد زوج نیست؟

۶۸۵ (۲)

۳۷۶ (۱)

۲- یک عدد زوج:

(۱) حتماً مضرب ۲ است.

(۲) حتماً مضرب ۴ است.

۳- اختلاف دو عدد فرد متوالی (پشت سر هم):

(۱) ۱ است.

(۲) ۲ است.

۱، ۳، ۵، ۷، ...

۴- در الگوی عددی مقابل، عدد هفتم برابر است با:

۱۳ (۲)

۱۴ (۱)

۲، ۴، ۶، ۸، ...

۵- عدد چندم الگوی عددی مقابل ۹۴ است؟

(۱) چهل و هفتم

(۲) چهل و دوم

۶- کدام عبارت درست است؟

(۱) هر مضرب ۲ حتماً مضرب ۴ هم هست.

(۲) هر مضرب ۴ حتماً مضرب ۲ هم هست.

۷- مجموع دو عدد فرد، عددی:

(۱) فرد است.

(۲) زوج است.

$$\square = (2 \times \square) + 1$$

۸- اگر در تساوی زیر به جای دایره‌های طبیعی قرار دهیم، عدد مربع همیشه:

(۱) فرد است.

(۲) زوج است.

۹- مجموع یک عدد زوج و یک عدد فرد همواره عددی \_\_\_\_\_ می‌شود.

(۱) زوج است.

(۲) فرد است.

۱۰- کوچک‌ترین مضرب فرد دورقمی ۵، عدد \_\_\_\_\_ است.

۱۵ (۲)

۱۰ (۱)





## پرسش‌های تسمیحی

۱- پنج عدد بعدی الگوهای عددی زیر را بنویسید.

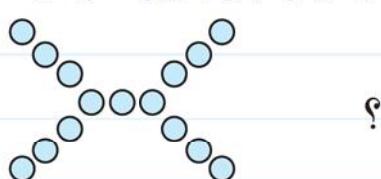
(الف)  $6, 12, 18, 24, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}$

(م)  $14, 28, 42, 56, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}$

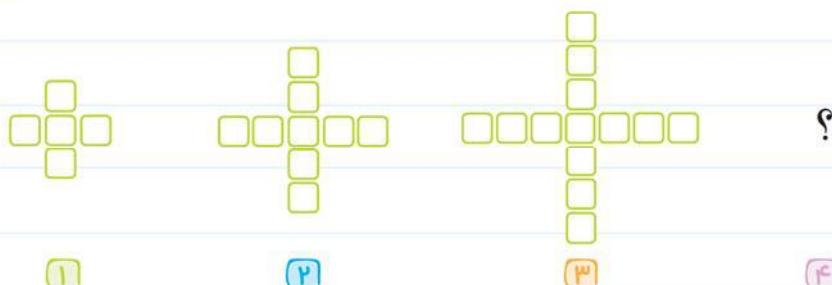
(ن)  $8, 16, 24, 32, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}$

۲- مضرب‌های دورقیمی عدد ۷ را که از ۶۰ کوچک‌ترند، به صورت یک الگوی عددی بنویسید.

۳- شکل چهارم هر یک از الگوهای زیر رارسم کنید و سپس جدول را کامل کنید.



۱	۲	۳	۴	?
شماره‌ی سکل	۱	۲	۸	
تعداد دایره‌ها	۵	۱۵	۷۵	۱۱۵

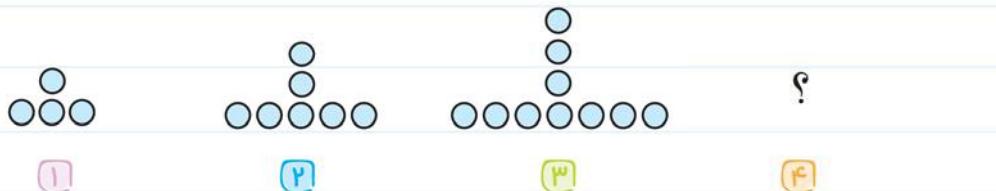


۱	۲	۳	۴	۵
شماره‌ی سکل			۱	۲
تعداد مربع‌ها			۵	۹
روشن به دست آوردن تعداد مربع‌ها از روی شماره‌ی سکل		$(1 \times 4) + 1$	$(2 \times 4) + 1$	$(3 \times 4) + 1$



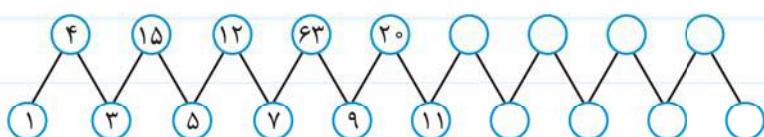
۱	۲	۳	۴	۵
شماره‌ی سکل			۱	۲
تعداد چوب‌گیری‌ها			۱	۳
روشن به دست آوردن تعداد چوب‌گیری‌ها از روی شماره‌ی سکل				۶۳





سُماره‌ی سُنگ	۱	۲	۳	۴	۱۹	۵۲	۹۷
تعداد دایره‌ها	۴						
روشن به درست آوردن تعداد دایره‌ها از روی سُماره‌ی سُنگ							

۴- الگوی عددی زیر را با عددهای مناسب کامل کنید. (راهنمایی) ابتدا به الگوی عددهای ردیف پایین دقت کنید و آن‌ها را کامل کنید.

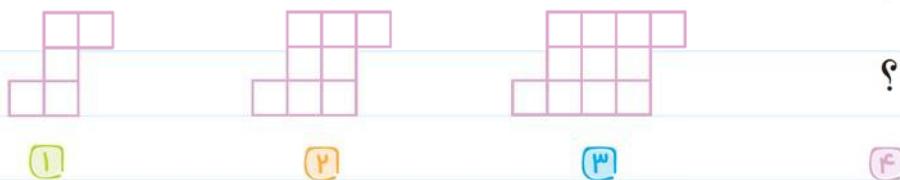


۵- با یافتن الگوی مناسب، جدول‌های زیر را کامل کنید. (راهنمایی) به رابطه‌ی بین عدد وسط و دو عدد کناری در هر ردیف دقت کنید.

۳	۱۸	۶
۹	۶۳	۷
۴	?	۹
?	۷۲	۸
۷	۳۵	?

۷	۱۲	۵
۱۴	۲۳	۹
۸	۲۵	۱۷
۵	?	۲۹
?	۳۸	۱۶

۶- (الف) شکل چهارم الگوی زیر رارسم کنید.



الگوی عددی مربوط به این شکل را بنویسید.

(ب) عدد سی ام و بیست و نهم این الگو را بنویسید.

(ج) رابطه‌ی (روش) به دست آوردن عددهای این الگو را بنویسید.



۷- با توجه به الگوی موجود در هر جدول، آن را کامل کنید.

۲	۱۴	۲۶	۳۸	۵۰
۴	۱۶	۲۸		
۶	۱۸			
۸				

۱	۲	۴	۸	۱۶	۳۲
۳	۶	۱۲	۲۴	۴۸	
۵	۱۰	۲۰			
۷	۱۴				

۸- سه عدد بعدی الگوهای عددی زیر را بنویسید.

(الف) ۶, ۱۱, ۱۶, ۲۱, ۲۶, , ,

(ب) ۱, ۳, ۶, ۱۰, ۱۵, ۲۱, , ,

(ج) ۴, ۷, ۱۰, ۱۳, ۱۶, , ,

۹- با توجه به جدول زیر که دارای ۵ ستون و تعداد زیادی سطر است:

عدد مربوط به سطر ۵ و ستون ۴، مساوی ۲۰ است.

عدد مربوط به سطر ۲ و ستون ۳، مساوی ۶ است.

ستون →	۱	۲	۳	۴	۵
سطر ↓	۱	۲	۳	۴	۵
۱	۱	۲	۳	۴	۵
۲	۲	۴	۶	۸	۱۰
۳	۳	۶	۹	۱۲	۱۵
۴	۴	۸	۱۲	۱۶	۲۰
۵	۵	۱۰	۱۵	۲۰	۲۵
۶					
⋮					

الف) عدد مربوط به سطر ۷ و ستون ۵ چیست؟

ب) عدد مربوط به سطر ۸ و ستون ۲ چیست؟

ج) عدد مربوط به سطر ۱۹ و ستون ۵ چیست؟

د) عدد مربوط به سطر ۲۰ و ستون ۳ چیست؟

ه) عدد ۳۹ مربوط به کدام سطر و کدام ستون است؟

و) عدد ۸۵ مربوط به کدام سطر و کدام ستون است؟





۱۰- مریم در صف اتوبوس، نفر هفتم است. اگر تعداد افراد این صف، عددی زوج و کمتر از ۴۰

باشد، حداکثر چند نفر بعد از مریم هستند؟

۱۱- در جدول زیر:

۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
۲	۴	۶	۸	۱۰	۱۲	۱۴	۱۶	۱۸	۲۰
۳	۶	۹	۱۲	۱۵	۱۸	۲۱	۲۴	۲۷	۳۰
۴	۸	۱۲	۱۶	۲۰	۲۴	۲۸	۳۲	۳۶	۴۰
۵	۱۰	۱۵	۲۰	۲۵	۳۰	۳۵	۴۰	۴۵	۵۰
۶	۱۲	۱۸	۲۴	۳۰	۳۶	۴۲	۴۸	۵۴	۶۰
۷	۱۴	۲۱	۲۸	۳۵	۴۲	۴۹	۵۶	۶۳	۷۰
۸	۱۶	۲۴	۳۲	۴۰	۴۸	۵۶	۶۴	۷۲	۸۰
۹	۱۸	۲۷	۳۶	۴۵	۵۴	۶۳	۷۲	۸۱	۹۰
۱۰	۲۰	۳۰	۴۰	۵۰	۶۰	۷۰	۸۰	۹۰	۱۰۰

(الف) عددهای زوج بزرگ‌تر از ۵۰ را رنگ زرد بزنید.

(ب) عددهای فرد بین ۲۰ و ۴۰ را رنگ سبز بزنید.

(ج) مضرب‌های فرد عدد ۷ و بزرگ‌تر از ۵۰ را رنگ آبی بزنید.

(د) حاصل ضرب‌های مقابله‌ای با استفاده از جدول حساب کنید.

$$9 \times 7 =$$

$$6 \times 8 =$$

۱۲- سامان در صفحه ایستاده است که از ابتدای صف نفر هفدهم و از انتهای صف نفر بیست و سوم است. درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید.

- |                                 |  |  |
|---------------------------------|--|--|
| نادرست <input type="checkbox"/> | درست <input checked="" type="checkbox"/> | (الف) هفده نفر از سامان جلوتر هستند.                             |
| نادرست <input type="checkbox"/> | درست <input checked="" type="checkbox"/> | (ب) تعداد نفرات این صف ۴۰ نفر است.                               |
| نادرست <input type="checkbox"/> | درست <input checked="" type="checkbox"/> | (ج) بیست و دو نفر پشت سر سامان هستند.                            |
| نادرست <input type="checkbox"/> | درست <input checked="" type="checkbox"/> | (د) اگر ۵ نفر از پشت سر او صف را ترک کنند، او نفر وسط صف می‌شود. |





## درست و نادرست

عبارت درست را با و عبارت نادرست را با مخصوص کنید.

هر عددی که رقم یکان آن فرد باشد، فرد است.

همهٔ رقم‌های عدد زوج، زوج هستند.

تعداد عدددهای فرد یکارقمی، پنج تا است.

اگر رقم یکان عددی صفر باشد، آن عدد زوج است.

بزرگ‌ترین مضرب فرد دورقمی عدد ۷، عدد ۹۸ است.

رقم یکان مضرب‌های ۵، صفر یا ۵ است.

هر عدد طبیعی مضرب ۱ است.

عدد ۶ مضرب ۱۲ است.

مجموع چهار عدد فرد، عددی فرد است.

رقم دهگان عدددهای زوج، ممکن است فرد باشد.

اختلاف دو عدد فرد، عددی فرد است.

مجموع سه عدد فرد و یک عدد زوج، عددی فرد است.

اختلاف یک عدد فرد و یک عدد زوج، عددی فرد است.

مجموع چهار عدد زوج، عددی فرد است.

## کامل کنید

جمله‌های زیر را با عدد یا تکمیهٔ مناسب کامل کنید.

کوچک‌ترین مضرب دورقمی عدد ۹، عدد \_\_\_\_\_ است.

کوچک‌ترین عدد زوج سه رقمی، \_\_\_\_\_ است.

تعداد عدددهای فرد دورقمی کوچک‌تر از ۲۰، \_\_\_\_\_ است.

بزرگ‌ترین عدد زوج سه رقمی، بدون تکرار رقم‌ها، عدد \_\_\_\_\_ است.

عدد یازدهم الگوی عددی مقابل، عدد \_\_\_\_\_ است.

کوچک‌ترین مضرب عدد ۹، \_\_\_\_\_ است.

بین ۲۸ و ۵۳، \_\_\_\_\_ تا مضرب ۵ وجود دارد.

اگر سارا در صفتی باشد که از دو طرف صفت نفر یازدهم باشد، تعداد افراد این صفت \_\_\_\_\_ نفر است.

تعداد مضرب‌های یک عدد \_\_\_\_\_ است. (قبل شمارش - بی‌شمار)

## تمرین‌های مهروی

۱- سه عدد بعدی الگوهای عددی زیر را بنویسید.

۹, ۱۸, ۲۷, ۳۶, , ,

۵, ۱۴, ۲۳, ۳۲, , ,

۱, ۴, ۹, ۱۶, ۲۵, , ,





- سی و چهارمین عدد زوج و سی و سومین عدد فرد را بنویسید.



- رضا در صف نان نفر بیازدهم است. اگر تعداد افراد این صف عددی فرد و بین ۴۰

و ۵۰ نفر باشد، حداقل چند نفر پشت سر او هستند؟

- با توجه به الگوی شکلی زیر، به سؤالات پاسخ دهید.

شکل چهارم این الگو را رسم کنید.



هشت عدد اول الگوی عددی مربوط به این شکل‌ها را بنویسید.

شکل دهم این الگو از چند مربع کوچک تشکیل شده است؟

اختلاف تعداد مربع‌های کوچک شکل پانزدهم و بیازدهم چندتا است؟

### درسنامه

درس دوم: یادآوری عددنويسي

پيش از اين با جدول ارزش مكانی آشنا شده‌اید. برای مثال، برای خواندن عدد ۲۰۱۶۱۳۹۴، اين عدد را در جدول ارزش مكانی قرار می‌دهيم.

طبقه			
میليارد	میليون	هزار	
یکان	دهان	یکان	یکان
صدگان	دهان	یکان	دهان
دهان	یکان	دهان	یکان
میليارد	میليون	هزار	
۴	۹	۳	۱
۱	۶	۱	۰
۰	۲	۱	

ارزش مكانی رقم ۲، دهان میليون است که در اين عدد هشت رقمی بيشترین ارزش مكانی را دارد.  
ارزش مكانی رقم ۶، دهان هزار است.  
ارزش مكانی رقم ۳، صدگان است.  
هر چقدر به سمت راست جدول ارزش مكانی حرکت کنیم، ارزش مكانی رقم‌ها کمتر می‌شود.

